

تحلیل مصرف انرژی در ساختمان‌های اداری نفت به کمک تئوری مجموعه‌های خاکستری

سید مصطفی رضوی^۱، محمد رضا مهرگان^۲، حامد شکوری گنجوی^۳، تورج کریمی^۴

چکیده: تشخیص خوش‌های مختلف مصرف انرژی، امکان طراحی مداخله‌گرهای اثربخش‌تر و برنامه‌های تشویقی مناسب هر خوش را فراهم می‌کند و شرکت‌های تأمین‌کننده انرژی با درک خوش‌های رفتاری متفاوت بین مشتریان، می‌توانند تعریفها و محصولات مناسب‌تری ارائه کنند. به همین دلیل در مقاله حاضر تلاش شده است به کمک نظریه مجموعه‌های خاکستری به خوش‌بندی ساختمان‌ها پرداخته شود. خوش‌بندی خاکستری در این تحقیق برای دو منظور استفاده شده است. ابتدا به کمک این رویکرد، عوامل لحاظشده در گزارش‌های ممیزی انرژی ساختمان‌های تابع وزارت نفت در قالب دو گروه اصلی شاخص‌ها خوش‌بندی شدند و تعداد متغیرهای مطالعه شده کاهش یافت؛ سپس خوش‌بندی خاکستری با وزن‌های متغیر برای دسته‌بندی تمام ساختمان‌های بررسی شده، در قالب سه خوش‌مصرفی «تقریباً استاندارد»، «انحراف متوسط با استاندارد» و «کاملاً غیراستاندارد» به کار رفت. این تقسیم‌بندی می‌تواند مبنای بسیاری از تحقیقات رفتاری برای هر گروه باشد و امکان شناخت تفاوت‌های فرهنگ مصرف هر خوش را جدا از تفاوت‌های تکنولوژیکی و ساختاری ساختمان‌ها فراهم کند؛ علاوه بر آن، از نظر کاربردی می‌تواند به سازمان‌ها در سیاست‌گذاری‌های مربوط به مصرف انرژی کمک کند و موجب برنامه‌ریزی‌های متفاوت برای هریک از خوش‌ها شود.

واژه‌های کلیدی: تئوری مجموعه‌های خاکستری، خوش‌بندی خاکستری، ممیزی انرژی ساختمان، وزارت نفت ایران.

۱. دانشیار گروه مدیریت صنعتی، دانشکده مدیریت، دانشگاه تهران، تهران، ایران

۲. استاد گروه مدیریت صنعتی، دانشکده مدیریت، دانشگاه تهران، تهران، ایران

۳. دانشیار گروه مهندسی صنایع، دانشکده مهندسی صنایع، دانشگاه تهران، تهران، ایران

۴. استادیار گروه مدیریت صنعتی، پردیس فارابی، دانشگاه تهران، تهران، ایران

تاریخ دریافت مقاله: ۱۳۹۲/۰۲/۱۸

تاریخ پذیرش نهایی مقاله: ۱۳۹۳/۰۲/۰۶

نویسنده مسئول مقاله: تورج کریمی

E-mail: tkarimi@ut.ac.ir

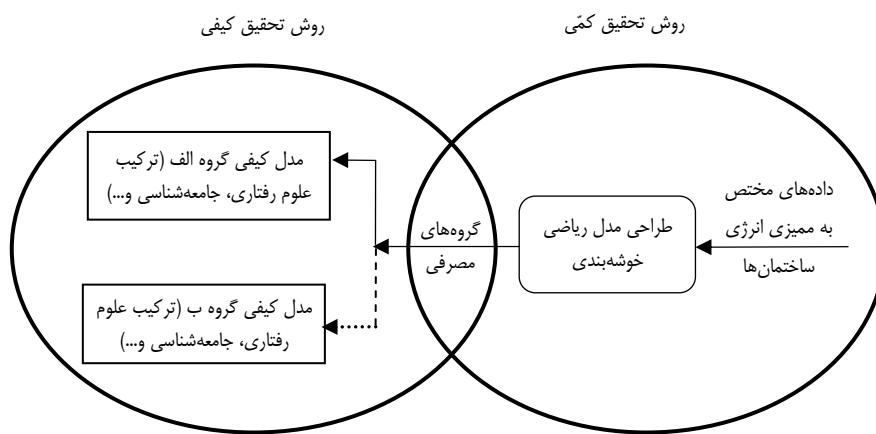
مقدمه

انرژی با مفهوم توسعه پایدار ارتباط مستقیم دارد و جنبه‌های مختلف تمدن و پیشرفت را تحت تأثیر قرار می‌دهد. از آنجا که منابع انرژی، محرك فعالیت‌های اقتصادی بخش‌های صنعت، حمل و نقل و تجارت‌اند، استانداردهای زندگی هر کشور اغلب از فاکتورهای مرتبط با انرژی تعیت می‌کنند. براساس گزارش کمیسیون جهانی توسعه پایدار به مفهوم توسعه‌ای است که نیازهای فعلی را به گونه‌ای برآورده کند که نسل‌های آینده در رفع نیازهای خود دچار مشکل نشوند. بهیان دیگر، عملکرد فعلی جوامع نباید استانداردهای فرهنگی و زندگی جوامع و نسل‌های دیگر را به خط‌بیندازد (فیلیپین، لارسن و مرکادو، ۲۰۱۱).

با وجودی که شدت مصرف انرژی ساختمان به‌ازای هر مترمربع در ایران ۲ تا ۳ برابر استانداردهای جهانی است، اغلب به شرایط آسایش حرارتی داخل ساختمان‌ها انتقاد می‌شود و در بیشتر ساختمان‌های کشور ضوابط فنی شناخته‌شده برای جلوگیری از هدررفتن انرژی به کار نمی‌رود (شرکت مهندسان مشاور بهینه‌ساز، ۱۳۸۸). به همین‌دلیل صرفه‌جویی در مصرف انرژی و بهیان بهتر، مصرف عالقانة انرژی، یکی از دغدغه‌های مهمی است که دولت با تکیه بر آن می‌تواند تا حدود زیادی از هزینه‌های اقتصادی خود بکاهد. برای توفیق در این امر، موضوع اصلاح الگوی مصرف باید ابتدا از طرف خود دولت رعایت شود و سازمان‌هایی در اولویت قرار گیرند که با انرژی ارتباط مستقیم دارند. در راستای تحقق این امر، شرکت بهینه‌سازی مصرف سوخت به اجرای پروژه‌های ممیزی انرژی برای ساختمان‌های تابع وزارت نفت اقدام کرده است. هدف از اجرای ممیزی انرژی در ساختمان، تشخیص ضعف‌ها و قوت‌های ساختمان از نظر مصرف انرژی و ارائه فرصت‌های صرفه‌جویی مناسب برای کمک به مصرف بهینه انرژی در ساختمان است که در این گزارش‌ها بنا و معماری ساختمان‌ها بررسی و تحلیل می‌شود.

شکی نیست که رفتارهای مرتبط با انرژی، پیچیدگی زیادی دارد و عوامل بسیاری بر آن تأثیر می‌گذارد که تشخیص این عوامل و دسته‌بندی گروه‌های مصرفی مختلف، می‌تواند در سیاست‌گذاری انرژی، کارایی مؤثری داشته باشد (استیفنسن و دیگران، ۲۰۱۰). در این تحقیق به مصرف انرژی در سازمان‌های اداری تابع وزارت نفت واقع در تهران پرداخته می‌شود تا گروه‌های مصرفی مختلف با استفاده از تئوری مجموعه‌های خاکستری و صرفاً با درنظرگرفتن ویژگی‌های فنی و ساختاری ساختمان، تبیین شوند. از آنجا که سازمان‌های واقع در یک خوش، از نظر ویژگی‌های فنی و ساختمانی مشابه یکدیگرند، امکان بررسی تفاوت‌های رفتاری و فرهنگ مصرفی کارکنان هریک از سازمان‌های واقع در خوش‌های مختلف با استفاده از روش‌های

تحقیق کیفی فراهم می‌شود که این فرایند در شکل ۱ نشان داده شده است. شایان ذکر است که در این مقاله تنها به قسمت نخست فرایند، یعنی روش تحقیق کمی پرداخته شده است.



شکل ۱. فرایند تحقیق

روش‌شناسی پژوهش

تحقیق حاضر از نظر هدف، توسعه‌ای - کاربردی است. مشخصات تحقیق توسعه‌ای، کسب معرفت‌های کلی درباره موضوع، ثبت و ضبط جامع و استفاده ترکیبی از روش‌های است که این پژوهش، مشخصات یادشده را دارد. از سوی دیگر، پژوهش حاضر از نوع کاربردی است؛ زیرا الگوی پیشنهادی به صورت اجرایی و عملی در حوزه مصارف انرژی سازمان‌ها به کار می‌رود. از آنجا که هدف این پژوهش توصیف شرایط و پدیده‌های بررسی شده به منظور شناخت بیشتر وضعیت موجود و یاری‌رساندن به فرایند تصمیم‌گیری است، این تحقیق را در بخش کمی، براساس چگونگی به دست آوردن داده‌های مدنظر یا ماهیت تحقیق، می‌توان در زمرة تحقیق توصیفی پیمایشی شمرد. قلمرو مکانی آن، سازمان‌های تابع وزارت نفت واقع در شهر تهران است که برای آنها ممیزی انرژی انجام‌شده و گزارش‌های این ممیزی در اختیار محقق قرار گرفته است. از نظر قلمرو زمانی، ساختمان‌هایی مد نظر قرار گرفته‌اند که ممیزی انرژی آنها از سال ۱۳۸۵ توسط شرکت‌های مشاور آغاز شده است و چارچوب کمابیش یکسانی دارند. از نظر موضوعی نیز، به حوزه مصرف انرژی در سطح سازمان‌ها می‌پردازد. در واقع، در تحقیق حاضر از

بین مصرف بخش خانگی و تجاری، تنها بخش تجاری در نظر گرفته شده است و در این بخش تنها سازمان‌های تابع وزارت نفت که کاربری اداری داشتند، انتخاب شدند و ممیزی انرژی برای آنها انجام پذیرفته است.

هدف اصلی در مقاله حاضر، ارائه مدل ریاضی مناسب برای گروه‌بندی سازمان‌های تابع وزارت نفت واقع در تهران از نظر مصرف انرژی است، بنابراین در بخش بعدی تئوری مجموعه‌های خاکستری و مفاهیم اساسی مرتبط با آن تشریح می‌شود و پیشینه تحقیق در خصوص خوش‌بندی مصرف و به کارگیری تئوری مجموعه‌های خاکستری در زمینه انرژی، مرور خواهد شد. در بخش بعدی روش خوش‌بندی روابط خاکستری تشریح شده و چگونگی به کارگیری آن برای دسته‌بندی شاخص‌های ممیزی انرژی توضیح داده شده است. در ادامه، ضمن تشریح روش خوش‌بندی خاکستری با وزن‌های متغیر ساختمان‌های تابع وزارت نفت دسته‌بندی و نتیجه‌گیری ارائه شده است.

تئوری مجموعه‌های خاکستری

تئوری مجموعه‌های خاکستری^۱ روش جدیدی برای مطالعه مسائلی است که دارای عدم اطمینان، داده‌های اندک و اطلاعات محدودند. این تئوری جدید، نمونه‌های کوچک و سیستم‌هایی را مطالعه می‌کند که اطلاعات کمی دارند؛ سیستم‌هایی که قسمتی از اطلاعات آنها مشخص و قسمتی نامشخص است (لیو، فارست و والی، ۲۰۰۹). نخستین تحقیقات مربوط به سیستم‌های خاکستری را پروفسور دنگ^۲ در سال ۱۹۸۲ نگاشت و برخلاف بسیاری از تئوری‌های بین‌رشته‌ای دیگر، به زمینه تحقیقاتی قدرتمندی در کاربردهای عملی تبدیل شد که در بخش بعدی به برخی از این کاربردها در حوزه انرژی اشاره می‌شود.

هنگام استفاده از روش‌های آماری برای تحلیل سیستم‌ها، باید داده‌های زیادی در دست باشد تا بتوان نتایج آماری معنادار و قابل اعتمادی استخراج کرد. همچنین باید تمام نمونه‌ها یا جامعه، توزیع احتمال مشخصی داشته باشند و رابطه بین شاخص‌های اساسی تقریباً خطی باشد که در دنیای واقعی برآورده کردن این دو شرط بسیار مشکل است. این روش‌ها به محاسبات سنگین و پیچیده‌ای نیاز دارند و معمولاً نتایج کمی با نتایج کیفی هم راستا نیست و به درک نادرستی از سیستم بررسی شده منجر می‌شود. GST می‌تواند نقص‌های موجود در روش‌های آماری تحلیل سیستم‌ها را جبران کند و برای هر اندازه نمونه، بدون توجه به توزیع آماری آن و با محاسبات

1. Grey System Theory (GST)

2. Deng

اندک به کار رود. این نظریه امکان استفاده از تعداد داده‌های کم برای تحلیل عوامل زیاد را فراهم می‌کند و نسبت به روش‌های سنتی آماری نظیر رگرسیون که به داده‌های بسیار و توزیع نرمال نیاز دارند، برای موضوع مطالعه حاضر مناسب‌تر است (لیو و لین، ۲۰۱۰).

فرض کنید X_i فاکتور سیستم با k مشاهده، ارزش‌های $x_i(k)$ دارد، بدین ترتیب $(x_i(1), x_i(2), \dots, x_i(n))$ را توالی رفتاری فاکتور X^i می‌گویند و $x_i(k+1), \dots, x_i(n)$ را دو همسایه متولی X می‌نامند. اگر k معرف زمان باشد، $X_i(k)$ گویای یک مشاهده از فاکتور X_i در زمان k است و $(x_i(1), x_i(2), \dots, x_i(n))$ یک توالی زمانی رفتاری از فاکتور X_i نامیده می‌شود. اگر k یکسری شاخص^۱ در نظر گرفته شود و $x_i(k)$ مشاهدات فاکتور X_i باشد، به $(x_i(1), x_i(2), \dots, x_i(n))$ توالی شاخص رفتاری فاکتور X_i گفته می‌شود و چنانچه k نمونه‌های مشاهده شده و $x_i(k)$ نشان‌دهنده مشاهدات از فاکتور X_i باشد، $(x_i(1), x_i(2), \dots, x_i(n))$ توالی افقی رفتاری فاکتور X_i نامیده می‌شود که توالی‌های این تحقیق از نوع توالی افقی رفتاری است (جیان، لیو و لین، ۲۰۱۱).

برای حذف امواج و جهش‌های ناگهانی مجموعه داده‌ها، از عملگرهای توالی^۲ استفاده می‌شود که تقویت توالی را در جهت بهبود دقت پیش‌بینی‌ها در پی دارد. فرض کنید $(x_i(1), x_i(2), \dots, x_i(n))$ یک توالی رفتاری از فاکتور X_i و D یک عملگر توالی به شکل $(x_i(k)d = \frac{x_i(k)}{X_i}, \bar{X}_i(k) = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i(k))$ باشد که $XD = (x_i(1)d, x_i(2)d, \dots, x_i(n)d)$ و $x_i(k)d = \frac{x_i(k)}{X_i}$ در این صورت D را عملگر میانگین می‌نامیم. عملگرهای توالی متنوع وجود دارد که برای اطلاع بیشتر درباره آنها می‌توان به منابع لیو و همکارانش رجوع کرد.

یکی از مباحث پرکاربرد GST، خوشبندی خاکستری^۳ است که برای کلاسه‌بندی مشاهدات به کار می‌رود. هر خوشبندی خاکستری را می‌توان، مجموعه‌ای از تمام مشاهدات دانست که در یک کلاس قرار دارند. در کاربردهای عملی بسیار اتفاق می‌افتد که هر مشاهده و بیزگی‌های بسیاری دارد و این مسئله کلاسه‌بندی دقیق مشاهدات را مشکل می‌کند. با توجه به مشاهداتی که قصد خوشبندی آنها را داریم، GC را می‌توان به دو دسته خوشبندی خاکستری^۴ و خوشبندی توابع وزنی سفیدشده^۵ تقسیم کرد. دسته نخست بیشتر برای کلاسه‌بندی فاکتورهای همنوع و ساده‌سازی سیستم پیچیده به کار می‌رود. به کمک این روش می‌توان تشخیص داد که باید

1. Behavioral sequence of the factor
2. Criteria
3. Operators of Sequences
4. Grey cluster (GC)
5. Cluster of grey incidences
6. Cluster of whitenization weight functions

فاکتورهایی را که ارتباط بیشتری با یکدیگر دارند، ترکیب کنیم یا یکی از آنها را نماینده گروه در نظر بگیریم، ضمن آنکه هیچ اطلاعاتی از بین نرود. با استفاده از این نوع خوشه‌بندی، می‌توان پیش از آغاز تحقیق، با کاستن از تعداد متغیرهای مطالعه، هزینه اجرای پژوهش را کاهش داد که در بخش‌های بعدی به آن پرداخته می‌شود. خوشه‌بندی دوم اساساً برای بررسی اینکه یک مشاهده به یک کلاس از پیش تعیین شده تعلق دارد یا خیر به کار گرفته شده و در عمل استفاده از این نوع خوشه‌بندی پیچیده‌تر از نوع اول است (لیو و لین، ۲۰۱۰).

پیشینه تحقیق

با توجه به تنوع منابع انرژی و بخش‌های مختلف مصرفی، باید رفتار خوشه‌های مختلف مصرف در بازار انرژی تحقیق و بررسی شود. به همین دلیل در زمینه گروه‌بندی مصرف کنندگان و متعاقب آن، بررسی رفتار مصرف انرژی هر گروه، تحقیقات گستردگای شده که در ادامه برخی از آنها به اختصار توضیح داده شده است.

انسیناس و آلفانسو (۲۰۰۷) در مقاله‌ای روش‌شناسی بخش‌بندی^۱ مشتریان را به گونه‌ای ارائه کرده‌اند که تشخیص انواع مشتریان امکان‌پذیر باشد. این بخش‌بندی از نظر مفهومی با بخش‌بندی‌های موجود تفاوت دارد و مبتنی بر فرضیه‌های تجاری است. در این مقاله نوعی روش‌شناسی برای تفکیک دسته‌های گوناگون مشتریان براساس مصرف انرژی ارائه شده است؛ به طوری که مشتریان بر اساس رفتار مصرفی مشابه در هر دسته قرار گرفتند. در تحقیق فیلیپین و همکارانش (۲۰۱۱) رفتار مصرف انرژی زمستان خانواده‌های ساکن در بلوک‌های ساختمانی یکی از مناطق سردسیر آرژانتین بررسی شده است. چهار آپارتمان طی شش ماه واکاوی شد. هدف از این تحقیق، مطالعه روند تعییرات دمای درونی هر آپارتمان به‌منظور تحلیل مصرف انرژی و تحلیل شرایط آسایش در هریک از آنها بوده است. در مقاله بار، گیلگ و فورد (۲۰۰۵) رفتارهای مصرف انرژی در خانه به «رفتارهای مبتنی بر خرید» و «رفتارهای عادتی» تقسیم شده و «رفتارهای مبتنی بر خرید»، تعییرات بلندمدت ساختار خانه که به تأمین مالی و منابع تکنیکی برای به کارگیری نیاز دارند، در نظر گرفته شده است. آنها برای نشان دادن رابطه بین رفتارهای صرفه‌جویی انرژی و سایر فعالیت‌های محیطی و گروه‌بندی این رفتارها، روش تحلیل عاملی را به کار برند و پس از استخراج سه دسته عامل اثرگذار، به کمک تحلیل خوشه‌ای، ویژگی‌های رفتاری افراد را در چهار گروه دسته‌بندی کردند. در مقاله راج و ورهالن (۱۹۸۳) بیان شده است

1. Segmentation methodology

که مصرف انرژی هر خانوار، از رفتارهای مرتبط با انرژی^۱ تأثیر می‌پذیرد و این رفتارها را می‌توان به سه دستهٔ رفتارهای خرید^۲، مصرف^۳ و نگهداری^۴ تقسیم کرد. هدف اصلی از مدل ارائه شده در این مقاله، جمع‌آوری و ساخت عوامل مؤثر بر مصرف انرژی خانگی است. این امر کمک می‌کند محققان و سیاست‌گذاران بتوانند با مرور عوامل مربوط به مصرف انرژی، ابزاری برای ارزشیابی اثر سیاست‌های گوناگون استخراج کنند. میکالیک و میلزارسکی (۱۹۹۵) مدلی ساختاریافته^۵ برای مصرف انرژی در بخش خانگی ارائه کردند. محققان برای این کار، مصرف کنندگان را به چهار گروه اصلی و هر گروه را به شش زیرگروه تقسیم کردند. با بررسی بیش از ۱۰۰ مصرف‌کننده، داده‌های مربوط به ۱۷ وسیله «انرژی‌بر» که به سه گروه اصلی تفکیک شده بودند را به دست آوردند. در نهایت، الگوی رفتاری مصرف هر گروه مشخص شد و پس از تجزیه و تحلیل آنها، به بررسی نتیجهٔ سیاست‌های احتمالی آینده هر گروه پرداختند. در مقالهٔ یو و همکارانش (۲۰۱۱) عوامل اثرگذار بر مصرف انرژی ساختمانی به هفت گروه دسته‌بندی شده است که عبارت‌اند از: آب و هوا (درجهٔ دمای خارج ساختمان، شدت تابش خورشید، سرعت باد و...); ویژگی‌های مرتبط به ساختمان (نوع، مساحت، موقعیت و...); ویژگی‌های مرتبط با مصرف کنندگان غیر از عوامل اجتماعی و اقتصادی (مانند تعداد حضور افراد در خانه؛ سیستم‌های سرویس‌دهی ساختمان (سیستم خنک‌کننده، گرمایه، آب گرم و...); رفتارها و فعالیت‌های ساکنان ساختمان، عوامل اجتماعی و اقتصادی (میزان آموزش، هزینهٔ انرژی و...) و کیفیت وضعیت محیطی داخلی مورد نیاز. برای نشان دادن تأثیر رفتار ساکنان بر مصرف انرژی ساختمان، روش‌شناسی جدیدی مبتنی بر تکنیک‌های داده‌کاوی ارائه شده است. ابتدا کلیه ساختمان‌های بررسی شده از طریق تحلیل خوشه‌ای، براساس چهار فاکتور ابتدایی (بی‌ارتباط با رفتار) در قالب گروه‌های مختلف دسته‌بندی شدند؛ به طوری که اثر چهار عامل یادشده روی مصرف انرژی ساختمان‌های واقع در گروه‌های مشابه، یکسان بود. قبل از تحلیل خوشه‌ای، میزان تأثیرگذاری هر شاخص در مصرف انرژی ساختمان از طریق تحلیل روابط خاکستری^۶ بررسی شده است.

با مرور تحقیقات موجود، می‌توان مشاهده کرد که در زمینهٔ مصرف انرژی، از ابزارهای تئوری مجموعهٔ خاکستری بیشتر به منظور پیش‌بینی روند مصرف در آینده استفاده شده است. برای نمونه در مقالهٔ وانگ، اکسیا و وانگ (۲۰۰۹)، ابتدا نوعی روش ترکیبی از مدل‌های پیش‌بینی

1. Energy-related behaviors
2. Purchase
3. Usage
4. Maintenance
5. Structural
6. Grey relational analysis (GRA)

خاکستری و تکنیک‌های آماری چندمتغیره ارائه شده است تا روند مصرف انرژی الکتریکی در یکی از شهرهای چین پیش‌بینی شود؛ سپس تحلیل خوش‌های سلسه‌مراتبی^۱ و تحلیل تمایز^۲ برای گروه‌بندی داده‌ها به سه گروه کم‌صرف، مصرف متوسط و پرمصرف به کار گرفته شده است. در مقاله وانگ (۲۰۰۹) برای پیش‌بینی مصرف انرژی در یکی از شهرهای چین، از مدل‌های پیش‌بینی خاکستری و رگرسیون چندگانه و تلفیق این دو با نام IGMMRM استفاده شده و در انتها نتایج با هم مقایسه شده‌اند. در مقاله جیانگ، ژونگ، کای و ژو (۲۰۰۷) مدل پیش‌بینی ترکیبی GM و PLS^۳ برای مصرف انرژی ارائه شده است. زای و همکاران، مدل GM را با الگوریتم ژنتیک تلفیق کردند و بر این اساس به پیش‌بینی گاز طبیعی پرداختند (اکسیا و لی، ۲۰۰۹). در مقاله لیو و همکارانش (۲۰۰۹) به دلیل پیچیدگی و غیرخطی بودن سیستم مصرف انرژی، مدل پیش‌بینی خاکستری با مدل شبکه‌های عصبی تلفیق شده است تا امکان پیش‌بینی مصرف با داده‌های گذشته فراهم شود. در مقاله لی، یاماگوچی و لین (۲۰۰۶) از مدل خاکستری برای درک، تحلیل و پیش‌بینی ساختار تولید ناخالص داخلی^۴، جمعیت و مصرف انرژی از سال ۲۰۰۴ تا ۲۰۱۰ استفاده شده است.

در این مقاله قصد داریم از ابزار خوش‌بندی خاکستری برای گروه‌بندی شاخص‌های مصرفی و بخش‌های مصرفی (ساختمان‌های اداری) استفاده کنیم و زمینه را برای بررسی رفتار مصرفی هر یک از گروه‌ها فراهم آوریم.

خوش‌بندی شاخص‌ها

فرض کنید $(x_i(1), x_i(2), \dots, x_i(n)) = X_i$ بر داده‌های یک توالی رفتاری دلالت دارد و تفاضل $(X_i - x_i(1))$ به شکل رابطه ۱ است:

$$(x_i(1) - x_i(1), x_i(2) - x_i(1), \dots, x_i(n) - x_i(1)) \quad \text{رابطه ۱}$$

در این صورت رابطه ۲ را تصویر اولیه توالی می‌نامیم و داریم:

$$s_i = \int_1^n (X_i - x_i(1)) dt \quad \text{رابطه ۲}$$

فرض کنید تصاویر اولیه دو توالی رفتاری مطابق رابطه‌های ۳ و ۴ به شکل زیر است:

-
1. Hierarchical cluster analysis
 2. Discriminante analysis
 3. Partial least squares regression
 4. Gross Domestic Product (GDP)

$$X_i = (x_i(1), x_i(2), \dots, x_i(n)) \rightarrow X_i^0 = (x_i^0(1), x_i^0(2), \dots, x_i^0(n)) \quad \text{رابطه } (۳)$$

$$X_j = (x_j(1), x_j(2), \dots, x_j(n)) \rightarrow X_j^0 = (x_j^0(1), x_j^0(2), \dots, x_j^0(n)) \quad \text{رابطه } (۴)$$

در این صورت داریم:

$$s_i - s_j = \int_1^n (X_i^0 - X_j^0) dt \quad \text{رابطه } (۵)$$

فرض کنید که دو توالی X_i و X_j طول مشخص دارند و s_i و s_j مانند بالا بدست آمده است.

در این صورت داریم:

$$\varepsilon_{ij} = \frac{1 + |s_i| + |s_j|}{1 + |s_i| + |s_j| + |s_i - s_j|} \quad \text{رابطه } (۶)$$

که ε_{ij} را درجه مطلق روابط خاکستری^۱ مربوط به مشخصه X_i و X_j می‌نامند.

فرض کنید که X_i و X_j دو توالی، طول برابر دارند و تصاویر آنها به شکل زیر است:

$$X_i^0 = (x_i^0(1), x_i^0(2), \dots, x_i^0(n)) \quad \text{رابطه } (۷)$$

$$X_j^0 = (x_j^0(1), x_j^0(2), \dots, x_j^0(n)) \quad \text{رابطه } (۸)$$

در این صورت داریم:

$$|s_i| = \left| \sum_{k=2}^{n-1} x_i^0(k) + \frac{1}{2} x_i^0(n) \right| \quad \text{رابطه } (۹)$$

$$|s_j| = \left| \sum_{k=2}^{n-1} x_j^0(k) + \frac{1}{2} x_j^0(n) \right| \quad \text{رابطه } (۱۰)$$

$$|s_i - s_j| = \left| \sum_{k=2}^{n-1} [x_i^0(k) - x_j^0(k)] + \frac{1}{2} [x_i^0(n) - x_j^0(n)] \right| \quad \text{رابطه } (۱۱)$$

همیشه روابط $\epsilon_{ij} \leq 1$ ، $\epsilon_{ii} = \epsilon_{jj} = 1$ و $\epsilon_{ij} = \epsilon_{ji}$ برقرار است.

فرض کنید که n مشاهده و داده‌های m ویژگی برای هر مشاهده گردآوری شده است.

بنابراین، توالی‌های زیر را داریم:

$$X_i = (x_i(1), x_i(2), \dots, x_i(n)) , \quad i=1,2,\dots,m \quad (12)$$

برای تمام i, j مقدار ϵ_{ij} را حساب می‌کنیم و ماتریس بالامثلی زیر را می‌سازیم:

$$A = \begin{bmatrix} \epsilon_{11} & \epsilon_{12} & \dots & \dots & \dots & \epsilon_{1m} \\ \epsilon_{21} & \dots & \dots & \dots & \dots & \epsilon_{2m} \\ \vdots & & & & \ddots & \vdots \\ & \vdots & & & \ddots & \vdots \\ & & \ddots & & \ddots & \vdots \\ & & & & & \epsilon_{mm} \end{bmatrix}, \quad \epsilon_{ii} = 1, \quad i=1,2,\dots,m$$

ماتریس A را ماتریس ویژگی‌های متغیرها¹ می‌نامند. با انتخاب مقدار بحرانی $r \in [1, r]$ و با در نظر گرفتن $r > 0.5$ زمانی که $j \neq i$ و $\epsilon_{ij} \geq r$ باشد متغیرهای X_j و X_i ویژگی‌های مشابهی دارند. خوشبندی ویژگی‌ها براساس مقدار بحرانی r را خوشبندی r می‌نامند که مقدار r می‌تواند براساس نیازهای عملیاتی مطالعه انتخاب شود. هر چه این مقدار به یک نزدیکتر باشد، خوشبندی تنگ‌تر و تعداد اعضای هر خوشه کاهش می‌یابد. بهیان دیگر، کاهش مقدار r موجب افزایش تعداد اعضای هر خوشه و خوشبندی‌های بزرگ‌تر می‌شود (لیو و لین، ۲۰۰۶). در این تحقیق بهمنظور جمع‌آوری داده‌ها، پس از بررسی در منابع کتابخانه‌ای و با مراجعه به مراکز پژوهشی وزارت نفت، نظیر مؤسسه مطالعات انرژی و سازمان بهینه‌سازی مصرف سوخت، به گزارش‌های ممیزی انرژی تعدادی از ساختمان‌ها که در حیطه موضوعی تحقیق حاضر قرار داشتند دسترسی پیدا کرده و پس از مطالعه دقیق این گزارش‌ها، اطلاعات لازم استخراج شده است. شاخص‌های مشترک بین ۳۸ ساختمان ممیزی شده (X_j) در جدول ۱ نشان داده شده‌اند. توضیحات در خصوص روش محاسبه هر یک از شاخص‌ها در گزارش شرکت مهندسان مشاور بهینه‌ساز و کدگذاری EE آمده است.

1. The incidence matrix of the characteristic variables

جدول ۱. شاخص‌های بررسی شده در گزارش‌های ممیزی انرژی ساختمان

متغیر	شرح	واحد اندازه‌گیری
X _۱	تعداد طبقات با احتساب زیرزمین	تعداد
X _۲	متراژ ساختمان	مترمربع (m ^۲)
X _۳	عمر تقریبی ساختمان	سال
X _۴	متراژ فضای کنترل نشده ساختمان	مترمربع (m ^۲)
X _۵	ضخامت سقف	سانسی متر (cm)
X _۶	تعداد ساکنان	نفر
X _۷	راندمان بویلر	درصد (%)
X _۸	درصد لامپ‌های کم‌صرف	درصد (%)
X _۹	ضریب بار دیوارها	وات بر کلوین (w/k)
X _{۱۰}	ضریب بار پنجره‌ها	وات بر کلوین (w/k)
X _{۱۱}	ضریب بار درب‌ها	وات بر کلوین (w/k)
X _{۱۲}	ضریب بار سقف	وات بر کلوین (w/k)
X _{۱۳}	ضریب بار کف	وات بر کلوین (w/k)

هر یک از ۱۳ شاخص بالا یک توالی با طول ۳۸ هستند. بهیان دیگر داریم:

$$X_i(k) \quad , \quad i=1,2,\dots,13 \quad , \quad k=1,2,\dots,38 \quad \text{رابطه ۱۳}$$

که پس از جمع‌آوری داده‌های هریک از متغیرهای بالا و محاسبه^۱، ماتریس زیر به دست می‌آید.

به منظور استخراج ماتریس زیر، از نسخه ۶ نرم‌افزار مدل‌سازی سیستم‌های خاکستری^۱ استفاده شده است. این نرم‌افزار توسط زنگ بو^۲ طراحی شده است که علاوه بر مزیت‌های قابلیت اعتماد زیاد، استفاده آسان، کاربردی بودن، دقت زیاد و نمای مناسب، می‌توان اطلاعات را به راحتی و با سرعت زیاد از طریق فایل اکسل وارد این نرم‌افزار کرد (لیو و لین، ۲۰۱۰).

1. Grey System Modeling Software 6.0
2. Zeng Bo

$$A = \begin{bmatrix} 1 & .50 & .51 & .50 & .50 & .76 & .57 & .50 & .50 & .50 & .50 & .50 \\ & 1 & .50 & .60 & .50 & .54 & .50 & .50 & .68 & .65 & .54 & .55 & .62 \\ & & 1 & .50 & .84 & .50 & .50 & .51 & .50 & .50 & .50 & .50 & .50 \\ & & & 1 & .50 & .67 & .50 & .50 & .79 & .84 & .67 & .76 & .92 \\ & & & & 1 & .50 & .50 & .50 & .50 & .50 & .50 & .50 \\ & & & & & 1 & .50 & .50 & .60 & .62 & .99 & .82 & .64 \\ & & & & & & 1 & .64 & .50 & .50 & .50 & .50 & .50 \\ & & & & & & & 1 & .50 & .50 & .50 & .50 & .50 \\ & & & & & & & & 1 & .93 & .60 & .65 & .85 \\ & & & & & & & & & 1 & .62 & .68 & .91 \\ & & & & & & & & & & 1 & .82 & .64 \\ & & & & & & & & & & & 1 & .72 \\ & & & & & & & & & & & & 1 \end{bmatrix}$$

با توجه به ادبیات موضوع معمولاً مقدار r در نظر گرفته می‌شود که با توجه به مقادیر بیشتر از $5/0$ در هریک از سطرهای ماتریس A ، می‌توان شاخص‌ها را به شکل زیر خوشه‌بندی کرد.

$$\begin{aligned} \text{گروه یک} &= \{X_2, X_4, X_6, X_9, X_{10}, X_{11}, X_{12}, X_{13}\} \\ \text{گروه دو} &= \{X_1, X_3, X_5, X_7, X_8\} \end{aligned}$$

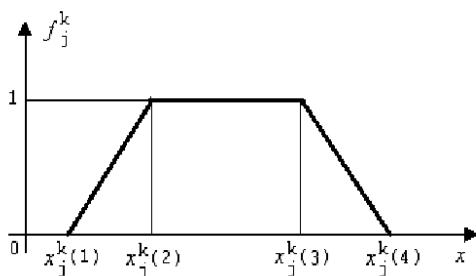
با توجه به دسته‌بندی صورت گرفته برای شاخص‌ها، به منظور خوشه‌بندی ساختمان‌ها از نظر مشخصات فنی و ظاهری و با در نظر گرفتن وضعیت مصرف، گروه نخست از شاخص‌ها را با نسبت مصرف انرژی و گروه دوم از شاخص‌ها را با ضریب بار حرارتی ساختمان نشان می‌دهیم و با توجه به میزان انحراف این دو شاخص از مقادیر استاندارد، به خوشه‌بندی ساختمان‌ها می‌پردازیم.

خوشه‌بندی با وزن‌های متغیر^۱

فرض کنید تعداد n مشاهده وجود دارد که باید براساس m شاخص در s کلاس خاکستری متفاوت خوشه‌بندی شوند. تمام s کلاس خاکستری که براساس مقدار شاخص j برای n مشاهده شکل می‌گیرد را زیر کلاس شاخص j می‌نامند.تابع وزنی سفیدشده زیر کلاس k از شاخص j را با $(.)^k_j f_j$ و به شکل ۲ نشان می‌دهند و به نقاط $(1)^k_j x_j$ ، $(2)^k_j x_j$ ، $(3)^k_j x_j$ و $(4)^k_j x_j$ ، نقاط گردش^۲ تابع $(.)^k_j f_j$ می‌گویند.

1. Grey Clustering with Variable Weights
2. Turning points

$$f_j^k(x) = \begin{cases} 0, & x \notin [x_j^k(1), x_j^k(4)] \\ \frac{x - x_j^k(1)}{x_j^k(2) - x_j^k(1)}, & x \in [x_j^k(1), x_j^k(2)] \\ 1, & x \in [x_j^k(2), x_j^k(3)] \\ \frac{x_j^k(4) - x}{x_j^k(4) - x_j^k(3)}, & x \in [x_j^k(3), x_j^k(4)] \end{cases} \quad (14)$$

شکل ۲. تابع $f_j^k(\cdot)$

برای تابع وزنی سفیدشده بالا، شاخص زیر به عنوان مقدار بحرانی^۱ زیرکلاس k از شاخص j تعریف می‌شود.

$$\lambda_j^k = \frac{1}{2} [x_j^k(2) + x_j^k(3)] \quad (15)$$

براساس تعاریف بالا، مقدار η_j^k براساس رابطه ۱۷ محاسبه می‌شود که به آن وزن شاخص j در زیرکلاس k ام می‌گویند.

$$\eta_j^k = \frac{\lambda_j^k}{\sum_{j=1}^m \lambda_j^k} \quad (16)$$

فرض کنید x_{ij} مقدار مشاهده ام از شاخص j و $f_j^k(\cdot)$ تابع وزنی سفیدشده از زیرکلاس k ام از شاخص j و η_j^k وزن شاخص j ام در زیرکلاس k باشد. بر این اساس مقدار

1. Critical value

خاکستری \mathbf{A} را ضریب خوشة مشاهده \mathbf{A} برای تعلق یافتن به کلاس \mathbf{X} می‌نامند. به ماتریس ضرایب خوشه گفته می‌شود و بردار $\sigma_i = [\sigma_i^1, \sigma_i^2, \dots, \sigma_i^s] = [\sum_{j=1}^m f_j^k(x_{ij}) \times \eta_j^k, \dots, \sum_{j=1}^m f_j^s(x_{ij}) \times \eta_j^s]$ نیز بردار ضرایب خوشة مشاهده \mathbf{A} نامیده می‌شود.

اگر $\sigma_i^k = \max_{1 \leq k \leq s} \{\sigma_i^k\}$ باشد، می‌گوییم مشاهده \mathbf{A} به کلاس خاکستری k تعلق دارد. زمانی

که مفهوم و ابعاد شاخص‌ها متفاوت باشد و مقدار شاخص‌ها برای مشاهدات تفاوت زیادی با یکدیگر دارند، نباید از این روش خوشبندی استفاده کرد، در این حالت روش خوشبندی با وزن‌های ثابت^۱ پیشنهاد می‌شود (لیو و لین، ۲۰۱۰).

در حالت کلی، تابع وزنی سفیدشده هر زیرکلاس مربوط به هریک از Z شاخص، براساس تجربه به دست می‌آید و این تابع ممکن است برای هر منطقه، هر نوع کاربری، هر استان و... متفاوت باشد. بنابراین، نتایج ارزیابی خوشبندی خاکستری می‌تواند صرفاً در دامنه مشخصی اعتبار داشته باشد که مختص به توابع وزنی تعیین شده است.

هدف از تحقیق حاضر، خوشبندی ۳۸ ساختمان تابع وزارت نفت واقع در تهران است که ممیزی انرژی روی آنها صورت گرفته و همه آنها کاربری اداری دارند. پارامترهای در نظر گرفته شده برای خوشبندی خاکستری این ساختمان‌ها براساس نتایج به دست آمده از قسمت قبل سه شاخص به شرح زیر است:

۱. درصد انحراف ضریب بار ساختمان از ضریب بار محاسبه شده براساس استاندارد مبحث ۱۹؛

۲. درصد انحراف ضریب بار ساختمان از ضریب بار محاسبه شده براساس استاندارد IEE؛

۳. درصد انحراف نسبت انرژی ساختمان از نسبت انرژی محاسبه شده براساس استاندارد

مبحث ۱۹؛

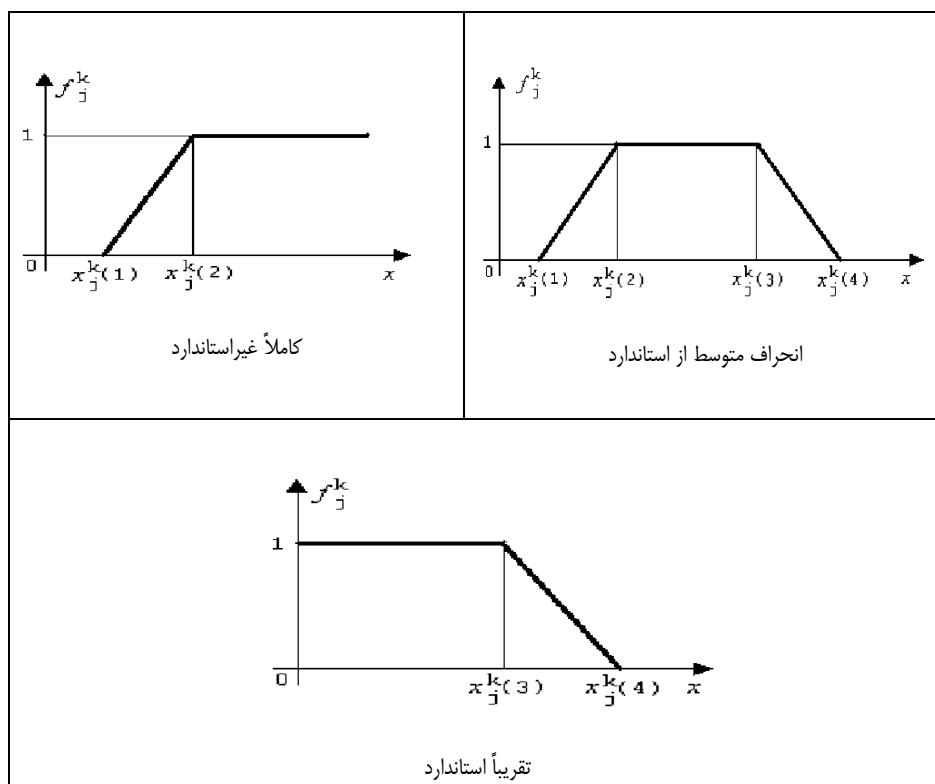
با نظرسنجی از خبرگان و کارشناسان شرکت بهینه‌سازی مصرف سوخت و مؤسسه مطالعات انرژی در زمینه ممیزی انرژی ساختمان، ابتدا توابع وزنی سفیدشده هریک از سه شاخص یادشده برای هریک از خوشبندی‌ها تعیین شد که جدول ۲ نقاط گردش تابع $(.)^k$ برای هر خوشبندی نشان می‌دهد.

1. Clusters with Fixed Weights
2. International Energy Conservation

تحلیل مصرف انرژی در ساختمان‌های اداری نفت به کمک ... ۵۷

جدول ۲. نقاط گردش تابع f_j^k مختص به هریک از خوش‌ها

خوش	شاخص	اختلاف BLC با مبحث IEE BLC با مبحث ۱۹	اختلاف نسبت انرژی با مبحث ۱۹
تقریباً استاندارد	-	-، -، ۰/۹۸، ۱/۰	-، -، ۰/۹۹، ۱/۱
انحراف متوسط از استاندارد	۱/۰۲، ۱/۱، ۱/۳، ۱/۵	۱/۳، ۱/۵، ۲، ۲/۵	۱/۱۵، ۱/۲، ۱/۵، ۱/۷
کاملاً غیراستاندارد	۱/۴۵، ۱/۵۵، -، -	۲/۷، ۳/۵، -	۱/۷، -، -



شکل ۳. توابع وزنی هریک از خوش‌ها

پس از انجام محاسبات خوش‌بندی خاکستری با وزن‌های متغیر، نتایج جدول ۳ به دست آمده است.

جدول ۳. نتایج به دست آمده از خوشبندی

نام ساختمان	ضرایب خوشه	نام ساختمان	ضرایب خوشه	خوشه
پخش فرآورده‌های نفتی	(۰/۶۴, ۰/۲۳, ۰)	ساختمان ۲ بهداشت	(۰/۶۷, ۰/۱۱, ۰)	کاملاً استاندارد
مرکزی اول قدیم نفت	(۰/۲۹, ۰/۱۴, ۰/۲۸)			(بدون انحراف)
مرکزی پخش	(۰/۲۲, ۰/۶۹, ۰)	مرکزی هفتم نفت	(۰, ۰/۶۲, ۰)	
منطقه ۴ گاز تهران	(۰, ۰/۹۳, ۰)	مرکزی ششم نفت	(۰, ۰/۵۷, ۰/۲۲)	
بهار پخش	(۰, ۰/۳۴, ۰/۲۲)	مهندسی ۱۱ گاز	(۰, ۰/۸۹, ۰)	
حاقانی پخش	(۰, ۰/۷۸, ۰)	مرکزی هشتم نفت	(۰, ۱, ۰)	
منطقه ۱ گاز تهران	(۰/۲۲, ۰/۷۲, ۰)	نفت مناطق مرکزی	(۰/۳۲, ۰/۷۲, ۰)	
مهندسی توسعه ۸ گاز	(۰, ۰/۹۵, ۰)	مرکزی پنجم نفت	(۰, ۰/۳۷, ۰/۲۲)	انحراف متوسط با
ساختمان ۱ بهداشت	(۰, ۰/۷۸, ۰)	مرکزی دهم نفت	(۰, ۰/۳۳, ۰/۲۲)	استاندارد
تهران بزرگ	(۰, ۰/۶۹, ۰/۱۷)	مخابرات نفت	(۰, ۰/۶۸, ۰/۱۸)	
لله نفت	(۰, ۰/۶۵, ۰)	برج گاز	(۰/۳۶, ۰/۰۵, ۰)	
مرکزی چهارم نفت	(۰, ۰/۳۱, ۰/۲۲)	منطقه ۳ گاز تهران	(۰/۳۲, ۰/۷۲, ۰)	
جسکو نفت	(۰, ۱, ۰)	گاز استان تهران	(۰, ۰/۸۸, ۰)	
مهندسی توسعه ۵ گاز	(۰, ۰/۶۹, ۰/۰۴)	مهندسی توسعه نفت	(۰, ۰/۶۸, ۰/۲۴)	
خرز پخش	(۰, ۰/۰۸, ۰/۲۲)	ساختمان بسیج نفت	(۰, ۰/۳۱, ۰/۷۲)	
شانا	(۰, ۰/۲۳, ۰/۴۹)	انجمن نفت	(۰, ۰/۱۱, ۰/۵)	
مهندسی و فناوری	(۰, ۰, ۰/۹۸)	سمیعی بصیری	(۰, ۰/۱۵, ۰/۷۸)	کاملاً غیراستاندارد
حسابرسی	(۰, ۰, ۱)	مرکزی جدید نفت	(۰, ۰/۰۴, ۰/۵)	(انحراف شدید)
ایرانشهر پخش	(۰, ۰/۱۷, ۰/۷۲)	تندگویان	(۰, ۰, ۱)	
کانکس اداری	(۰/۳۲, ۰, ۰/۷۲)			

نتایج جدول ۳ نشان می‌دهد که از بین ۳۸ ساختمان بررسی شده از نظر مصرف انرژی، ۳ ساختمان کاملاً استاندارد، ۲۴ مورد دارای انحراف متوسط از استاندارد و ۱۱ مورد کاملاً غیراستاندارد هستند.

نتیجه‌گیری و پیشنهادها

در کشور ما سهم مصرف انرژی در بخش‌های مختلف انرژی‌بر، هماهنگی مناسب و پذیرفته شده‌ای ندارد؛ در حالیکه بر اساس پیش‌بینی‌ها، پتانسیل صرفه‌جویی انرژی در مجموعه بخش‌های انرژی‌بر، به طور متوسط حدود ۳۰ درصد است. از این رو، ضروری است که امکان کاهش مصرف در ساختمان‌های اداری وزارت نفت بررسی شود و این امر از طریق اجرای پروژه‌های ممیزی انرژی ساختمان میسر می‌شود. این تحقیق با هدف تحلیل نتایج به دست آمده از گزارش‌های ممیزی انرژی توسط شرکت‌های مشاوره‌ای اجرا شد تا درک جامعی از وضعیت

شاخص‌های بررسی شده در این گزارش‌ها به دست آید و مدلی ریاضی برای گروه‌بندی سازمان‌های تابع وزارت نفت واقع در تهران از نظر مصرف انرژی، ارائه شود. به این منظور از دو ابزار خوش‌بندی خاکستری استفاده شده است. با توجه به تنوع شاخص‌های موجود در گزارش‌های ممیزی انرژی، ابتدا ۱۳ شاخص مشترک در تمام گزارش‌ها، به کمک روش خوش‌بندی روابط خاکستری به دو دسته کلی تقسیم شدند. با توجه به ارتباط شاخص‌های دسته اول با نسبت انرژی ساختمان و شاخص‌های دسته دوم با ضریب بار ساختمان، این دو مقدار برای تمام ساختمان‌ها استخراج شد و با در نظر گرفتن انحراف هریک از استاندارد مبحث ۱۹ و استاندارد بین‌المللی IEE، خوش‌بندی ساختمان‌ها انجام پذیرفت. نتایج به دست آمده از به کارگیری خوش‌بندی خاکستری با وزن‌های متغیر نشان داد از بین ۳۸ ساختمان، تنها ۳ ساختمان کمابیش استاندارد هستند و ۲۴ ساختمان انحراف متوسط دارند. به بیان دیگر کمتر از ۱۰ درصد ساختمان‌های بررسی شده تابع وزارت نفت با استانداردهای مبحث ۱۹ مطابقت نسبی دارند و حدود ۳۰ درصد از این ساختمان‌ها در کل استاندارد نیستند. این نتایج نشان می‌دهد وزارت نفت به عنوان یکی از سازمان‌های مسئول در زمینه انرژی، به بازنگری و اقدام در خصوص بهبود شاخص‌های تأثیرگذار در مصرف انرژی ساختمان‌ها نیاز دارد.

این تحقیق می‌تواند مبنای تحقیقات بیشتری در زمینه الگوهای رفتار مصرف انرژی در هریک از خوش‌های به دست آمده باشد و می‌توان با استفاده از روش‌های تحقیق کیفی به بررسی تفاوت‌های فرهنگ مصرفی در هریک از خوش‌ها پرداخت. علاوه بر این، مقایسه خوش‌های مصرف در سازمان‌ها و شهرهای مختلف می‌تواند در تحقیقات آتی بررسی شود.

References

- Barr, S., Gilg, A.W. & Ford, N. (2005). The household energy gap: examining the divide between habitual- and purchase-related conservation behaviours. *Energy Policy*, 33(11): 1425-1444.
- Encinas, N. & Alfonso, D. (2007). Energy market segmentation for distributed energy resources implementation purposes, *IET Generation Transmission & Distribution*, 1 (2): 324-330.
- Filippin, C., Larsen, S.F. & Mercado, V. (2011). Winter energy behaviour in multi-family block buildings in a temperate-cold climate in Argentina. *Renewable and Sustainable Energy Reviews*, 15(1): 203-219.
- International Energy Conservation Code (2006). *International code council*, Inc.
- Jian, L., Liu, S. & Lin, Y. (2011). *Hybrid Rough Sets and Applications in Uncertain Decision-Making*, by Taylor and Francis Group, LLC.

- Jiang, W., Zhong, X., Qi, J. & Zhu, C. (2007). Grey Rough Sets Hybrid Scheme for Intelligent Fault Diagnosis. *IEEE International Conference on Grey Systems and Intelligent Services*, November 18-20, Nanjing, China.
- Li, G.D., Yamaguchi, D. & Lin, H.S. (2006). The simulation modeling about the developments of GDP, population and primary energy consumption in china based on MATLAB. In: *Proceedings of the IEEE International Conference on Cybernetics and Intelligent Systems* (CIS 2006), Bangkok, Thailand, June 2006, pp 499–504.
- Liu, S. & Lin, Y. (2006). *Grey Information Theory and Practical Applications*. Springer-Verlag London Limited.
- Liu, S. & Lin, Y. (2010). *Grey Systems Theory and Applications*. Springer-Verlag Berlin Heidelberg.
- Liu, S., Forrest, J. & Vallee, R. (2009). Emergence and development of grey systems theory. *Kybernetes*, 38(7/8): 1246-1256.
- Michalik, G. & Mielczarski, W. (1996). Modeling of Energy Use Patterns in the Residential Sector Using Linguistic Variables. *8th International Conference on Intelligent Systems applications to Power Systems*, Orlando, Florida, USA: 1996, pp. 278-282.
- Raaij, W.V. & Verhallen, M.M. (1983). A Behavioral Model of Residential Energy Use. *Journal of Economic Psychology*, 3(1): 39-63.
- Stephenson, J., Barton, B., Carrington, G., Gnoth, D., Lawson, R. & Thorsnes, P. (2010). Energy cultures: A framework for understanding energy behaviours. *Energy Policy*, 38(10): 6120-6129.
- Wang, Q. (2009). Grey Prediction Model and Multivariate Statistical Techniques Forecasting Electrical Energy Consumption in Wenzhou, China. *Intelligent Information Technology and Security Informatics*. IITSI'09. Second International Symposium, pp. 167–170.
- Wang, Q., Xia, F. & Wang, X. (2009). Integration of Grey Model and Multiple Regression Model to Predict Energy Consumption. *Proceedings of the International Conference on Energy and Environment Technology* (ICEET '09); October 2009; Guilin, China. pp. 194–197.
- Xie, Y. & Li, M. (2009). Research on Prediction Model of Natural Gas Consumption Based on Grey Modeling Optimized by Genetic Algorithm. *IITA International Conference on Control, Automation and Systems Engineering*. 335–337. Article number 5194459.
- Yu, Z., Fung, C.M., Haghhighat, F., Yoshino, H. & Morofsky, E. (2011). A systematic procedure to study the influence of occupant behavior on building energy consumption. *Energy and Buildings*, 43(6): 1409–1417.