

مدیریت صنعتی

دانشکده مدیریت دانشگاه تهران

دوره ع شماره ۱

بهار ۱۳۹۳

ص. ۱۸۱ - ۱۹۶

رتبه‌بندی گروهی واحدهای بانکی با رویکرد تحلیل پوششی داده‌ها

منصور مؤمنی^۱، محسن رستمی مال خلیفه^۲، سید مصطفی رضوی^۳، کیخسرو یاکیده^۴

چکیده: در حالی که به محاسبه کارایی نسبی واحدهای یک گروه با استفاده از تحلیل پوششی داده‌ها توجه زیادی شده است، تجارت مرتبط با مقایسه کارایی چند گروه از واحدها بسیار محدود است، و سازمان‌هایی مثل بانک‌ها که از چندین سپرستی تشکیل شده‌اند، می‌توانند از این موضوع استفاده کنند. مدل شبکه‌ای سیستم‌های موازی کائو که بدین منظور طراحی شده است، در عمل به مقایسه مجموعه امکانی متشكل از واحدها منجر می‌شود. این مقاله ویرایشی از مدل کائو ارائه می‌دهد تا ضمن اینکه متناسب با هدف مقایسه، کلیت گروه‌ها مبنای مقایسه قرار گیرند، امکان محاسبه ناکارایی واحدهای درونی گروه تحت ارزیابی همچنان فراهم باشد. این ویرایش به دلیل محاسبه مقادیر بزرگ‌تر کارایی، بیش‌تر مستعد تخصیص مقادیر کارایی یک به چند گروه از گروه‌های مورد ارزیابی است. به همین دلیل، روش رتبه‌بندی گروه‌های کارا به منظور پشتیبانی از ویرایش پیشنهادی ارائه می‌شود. مدل‌های پیشنهادی شامل ویرایش جدید مدل کائو و مدل رتبه‌بندی گروه‌های کارا که روی داده‌ای سپرستی‌های یک بانک به کار گرفته شده، بررسی شده‌اند.

واژه‌های کلیدی: تحلیل پوششی داده‌ها، تحلیل پوششی داده‌های شبکه‌ای، رتبه‌بندی گروهی، کارایی سیستم‌های موازی، گروه‌های کارا.

۱. دانشیار مدیریت، دانشگاه تهران، تهران، ایران

۲. استادیار ریاضی، دانشگاه آزاد اسلامی، تهران، ایران

۳. دانشیار مدیریت، دانشگاه تهران، تهران، ایران

۴. دکتری مدیریت، دانشگاه تهران، تهران، ایران

تاریخ دریافت مقاله: ۱۳۹۲/۰۳/۰۴

تاریخ پذیرش نهایی مقاله: ۱۳۹۲/۰۶/۱۷

نویسنده مسئول مقاله: کیخسرو یاکیده

E-mail: yakideh@ymail.com

مقدمه

تحلیل پوششی داده‌ها رویکردی ناپارامتریک است که برای اندازه‌گیری کارایی نسبی واحدهای تصمیم‌گیرنده با ورودی‌ها و خروجی‌های چندگانه به کار می‌رود. در این رویکرد، با استفاده از واحدهای مشاهده شده مجموعه‌ای به نام مجموعه امکان تولید تعریف می‌شود، آنگاه مرز این مجموعه به جای تابع تولید مبنای مقایسه قرار می‌گیرد. استفاده از واحدهای مشاهده شده در تعریف مجموعه امکان، به اصل شمول مشاهدات معروف است. وقتی هدف از مقایسه، مقایسه‌چندین گروه از واحدهای تصمیم‌گیرنده است، تعیین اینکه مقایسه چگونه و برمبنای چه مجموعه امکانی انجام شود، مهم است. ساده‌ترین روش این است که هر گروه از واحدها، واحدی عمدت تلقی شود و واحدهای عمدت را مقایسه کرد. اما این روش این واقعیت که گروه‌ها واحدهایی با عملکرد مستقل هستند را نادیده می‌گیرد و ناکارایی واحدهای فعال در هر گروه را به حساب نمی‌آورد. روش دیگر این است که همه واحدها صرف‌نظر از تعلق آن‌ها به گروه‌ها در یک مجموعه امکان مقایسه شوند و برآیند کارایی واحدهای هر گروه مبنای مقایسه قرار گیرد. با استفاده از این روش، گروه به عنوان یک کل نادیده گرفته می‌شود.

تحلیل پوششی داده‌های شبکه‌ای تلاشی است برای محاسبه ناکارایی ساختار درونی واحد یا به تعبیری گشودن جعبه سیاه و یک گروه از واحدهای تصمیم‌گیرنده را واحدی با ساختار درونی موازی قلمداد کردن. مدل تحلیل پوششی داده‌های شبکه‌ای سیستم‌های موازی کائو به همین منظور طراحی شده و مورد استقبال قرار گرفته است. اما منطق مدلسازی در این روش به مقایسه همه واحدها در یک مجموعه امکان منجر می‌شود. به تعبیری می‌توان گفت تلاش‌ها به منظور گشودن جعبه سیاه به نادیده گرفتن خود آن منجر می‌شود. در حالی که وقتی هدف، مقایسه گروه‌های منطقی است که انتظار داشته باشیم روش، کلیت گروه را نادیده نگیرد و تلاش‌ها برای گشودن جعبه سیاه به نادیده گرفتن خود جعبه منجر نشود.

در واقع، موضوع بحث که در بخش‌های بعدی مقاله تشریح می‌شود این است که وقتی هر گروه یک واحد قلمداد شود و مقایسه در مجموعه امکان گروه‌ها صورت گیرد، ناکارایی درونی گروه‌ها؛ و وقتی هر گروه با واحدهایش نمایندگی شود و مقایسه در مجموعه امکانی متشكل از واحدها صورت گیرد، کلیت گروه نادیده گرفته می‌شود. تفسیر ریاضی مدل کائو نشان می‌دهد اگرچه نتایج این مدل مقادیری است که به هر گروه نسبت داده می‌شود در عمل، نتایج از مقایسه تمام واحدها در یک مجموعه امکان حاصل شده، در قالب یک برآیند که همان مجموع ناکارایی واحدهای است، به هر گروه تخصیص می‌یابد. این مقاله در صدد ارائه روشی است که در آن به ناکارایی درونی واحدها و کلیت گروه‌ها، هردو در حد امکان، توجه شود.

در بخش بعدی، ضمن مروی اجمالی بر ادبیات مقایسه گروه‌ها به تشریح و تفسیر انتقادی مدل کائو می‌پردازیم، اما چون در بخش سوم مقاله ویرایش جدیدی از مدل کائو ارائه می‌شود که از نظر محاسباتی مقادیر کارایی بزرگ‌تری نسبت به ویرایش اصلی دارد و به همین دلیل بیشتر مستعد کارا تشخیص دادن چند گروه از گروه‌های مورد بررسی است، در این بخش مروی بر روش‌های رتبه‌بندی واحدهای کارا می‌شود تا بر مبنای روشی مناسب، مدلی برای رتبه‌بندی گروه‌های کارا در بخش سوم مقاله ارائه شود. در بخش چهارم مقاله، نتایج مدل مرسوم تحلیل پوششی داده‌ها، مدل کائو و ویرایش جدید مدل کائو که بر روی داده‌های واقعی به کارگرفته شده، بحث می‌شود. بخش پنجم مقاله به جمع‌بندی و ذکر نقاط قوت روش پیشنهادی اختصاص یافته است.

پیشینه نظری پژوهش مقایسه گروه‌ها

بیشتر تحقیقات در حوزه تحلیل پوششی داده‌ها بر مقایسه چند واحد متمرکز است که با صرف ورودی‌های مشابه، خروجی‌های مشابه تولید می‌کنند. در این میان، به مطالعه کارایی شعب بانک‌ها، به دلیل سهولت دستیابی به اطلاعات مورد نیاز، بیشتر توجه شده است. برای مثال، می‌توان به تحقیقات خزائی و ایزدبخش (۱۳۸۸)، عالم‌تبریز، رجبی‌پور میبدی و زارعیان (۱۳۸۸) و حجازی، انواری رستمی و مقدسی (۱۳۸۷) اشاره کرد. اما مسئله نسبتاً متفاوتی که محققان، به‌ویژه در حوزه بانک‌ها، بدان توجه داشته‌اند، مقایسه مجموعه‌های بانکی است که هر یک چندین شعبه دارند. مقایسه سرپرستی بانک‌ها و مقایسه مجموعه‌های بانکی کشور مواردی از این نوع‌اند. در این موارد مسئله مقایسه بین چند گروه از واحدهاست.

بدون شک، مسئله مقایسه چند گروه از واحدها را نمی‌توان به مسئله مقایسه میانگین کارایی نسبی هر مجموعه که به طور مجزا محاسبه شده است، تقلیل داد. این خطا با توجه به ماهیت نسبی کارایی‌ها در هر مجموعه، به یکسان قلمداد کردن واحدهای کاملاً متفاوت از دو گروه منجر می‌شود (کوپر، سیفورد و تن، ۲۰۰۶: ۱۴۴). ساده‌ترین روش در مواجهه با این مسئله این است که هر گروه از واحدها را یک واحد تلقی کرد و کارایی این واحدها با هم مقایسه شوند. اما این روش به نادیده‌گرفتن ساختار درونی گروه و ناکارایی واحدهای آن منجر می‌شود. در میان تجارب ایرانی (امیری و صفری، ۱۳۸۴؛ نمازی و ابراهیمی، ۱۳۸۸؛ حسین‌زاده بحرینی، ناجی میدانی و چمانه‌گیر، ۱۳۸۷ و حسین‌زاده لطفی، دیواندری، جهانشاهلو، نیکومرام و برنکی طالقانی، ۱۳۸۵) که یا قصد مقایسه کارایی مجموعه‌های بانکی کشور را داشته‌اند یا کارایی سرپرستی‌های

یک مجموعه بانکی را مقایسه کرده‌اند، از روش‌های فوق استفاده کرده‌اند. برخی روش‌ها که در ادبیات موضوع به رویکرد مقایسه سیستم‌ها (کوپر و همکاران، ۲۰۰۶: ۱۴۴) معروف‌اند، مزهای کارای گروه‌ها را مبنای مقایسه قرار داده‌اند. با استفاده از این روش‌ها اگرچه تفاوت‌های ساختاری مهمی مثل تفاوت در فناوری آشکار می‌شود، ناکارایی واحدها اساساً با عنوان ناکارایی مدیریتی در مقابل ناکارایی ساختاری تعریف‌شده مهم تلقی نمی‌شود. اما مسئله مقایسه چندین گروه از واحدهای تصمیم‌گیرنده را همچنان می‌توان حالت خاصی از تحلیل پوششی داده‌های شبکه‌ای دانست. تحلیل پوششی داده‌ها در حالت معمول به میزان ورودی‌ها و خروجی‌های یک واحد می‌پردازد و به مکانیزم تبدیل ورودی‌ها به خروجی‌ها توجهی ندارد. بسیاری از محققان ویژگی تحلیل پوششی داده‌ها با عنوان «رویکرد جعبه سیاه» را انتقاد کرده‌اند. فار و گراسکف (۲۰۰۰)، کائو (۲۰۰۹-الف)، لویس و سکستون (۲۰۰۴) و تن و تسوتسوی (۲۰۰۹) از جمله این محققان هستند. تحلیل پوششی واحدهای شبکه‌ای درواقع تلاش برای به حساب آوردن ناکارایی موجود در اجزاء درونی واحد تصمیم‌گیرنده یا زیرواحدهای است. در میان مدل‌های تحلیل شبکه‌ای، مدل سیستم‌های موازی کائو (۲۰۰۹-ب) که در این متن به اختصار مدل کائو خوانده می‌شود، برای حالت‌های خاصی کاربرد دارد. در این مدل، فرض می‌شود که واحد تصمیم‌گیرنده متشکل از چندین زیرواحد است که به طور موازی و مستقل از یکدیگر فعالیت می‌کنند. این همان چیزی است که می‌تواند مشخصه گروهی از واحدهای تصمیم‌گیرنده قلمداد شود. در بخش بعد به تشریح عملکرد این مدل پرداخته می‌شود.

مدل سیستم‌های موازی کائو

با در نظر گرفتن n گروه با i ورودی و r خروجی به‌طوری که در هر گروه q_j واحد وجود داشته باشد، کائو فرض می‌کند در هر گروه، هر ورودی یا خروجی گروه با مجموع آن ورودی یا خروجی در واحدهای گروه برابر است (کائو، ۲۰۰۹-ب):

$$Y_{rj} = \sum_{p=1}^{q_j} y_{rj}^p \quad \& \quad X_{ij} = \sum_{p=1}^{q_j} x_{ij}^p \quad \text{رابطه ۱}$$

کائو برای تشریح مدل، ابتدا هر گروه را یک واحد فرض می‌کند و بر همین اساس یک مدل مضربی می‌نویسد که در آن قید متناظر با گروه تحت ارزیابی از محدودیت‌های دیگر جدا نوشته شده و با اضافه شدن متغیرهای کمکی، محدودیت‌ها به شکل تساوی بیان شده‌اند.

$$\begin{aligned}
 & \text{Max} \sum_{r=1}^S \mu_r Y_{rk} \\
 & \sum_{i=1}^m v_i X_{ik} = 1 \\
 & \sum_{r=1}^S \mu_r Y_{rk} - \sum_{i=1}^m v_i X_{ik} + S_k = 0 \\
 & \sum_{r=1}^S \mu_r Y_{rj} - \sum_{i=1}^m v_i X_{ij} + S_j = 0
 \end{aligned} \tag{۲}$$

هر قید با متغیر کمکی در این مدل، متناظر با یک گروه از گروه‌های مورد بررسی است. به بیان دیگر، وقتی هر گروه یک واحد فرض می‌شود مجموعه امکان تولید با شمول گروه‌ها ساخته می‌شود. ملاحظه می‌شود که در رابطه ۲ با قرار دادن قید اول در قید دوم برابری مکمل متغیر کمکی نظیر گروه تحت ارزیابی باتابع هدف نتیجه می‌شود. یعنی:

$$\sum_{r=1}^S \mu_r Y_{rk} - 1 + S_k = 0 \Rightarrow \sum_{r=1}^S u_r Y_{rk} = 1 - S_k \tag{۳}$$

بنابراین، تابع هدف مدل برابر $S_k - MinS_k$ و معادل $Max1 - S_k$ است. با جایگذاری رابطه ۱ در قید متناظر با گروه تحت ارزیابی در رابطه ۲، رابطه ۴ نتیجه می‌شود:

$$\sum_{r=1}^S \mu_r \left(\sum_{p=1}^{q_k} y_{rk}^p \right) - \sum_{r=1}^S v_i \left(\sum_{p=1}^{q_k} x_{rk}^p \right) + S_k = 0 \tag{۴}$$

کائو (۲۰۰۹-ب) فرض می‌کند ناکارایی گروه از فاصله واحدهای تا ابرصفحه تصویرشونده آن‌ها ناشی می‌شود. یعنی متغیر کمکی نظیر گروه تحت ارزیابی را می‌توان به واحدهای آن گروه تسهیم کرد.

$$S_k = \sum_{p=1}^{q_k} S_k^p \tag{۵}$$

با جایگذاری رابطه ۵ در رابطه ۴ و انجام عملیات ریاضی مجاز، رابطه ۶ نتیجه می‌شود (کائو، ۲۰۰۹-ب).

$$\sum_{p=1}^{q_k} \left(\sum_{r=1}^S \mu_r y_{rk}^p - \sum_{i=1}^m v_i x_{ik}^p + S_k^p \right) = 0 \quad \text{رابطه ۶}$$

تساوی با صفر در رابطه ۶ ایجاب می‌کند که عبارت داخل پرانتز که متناظر با هر واحد از واحدهای گروه تحت ارزیابی است برابر صفر باشد. با تکرار عملیات ریاضی فوق به توصیه کائو برای قیود متناظر با گروههای غیر تحت ارزیابی، مدل کائو به شرح رابطه ۷ حاصل می‌شود. در این مدل، هر یک از قیدهای دارای متغیر کمکی یا یکی از واحدهای متعلق به گروهها متناظر است، به بیان دیگر، مجموعه امکان تولید در این مدل با شمول همه واحدها ساخته شده است، درنتیجه عملاً واحدها مقایسه می‌شوند.

کائو (۲۰۰۹-ب) استدلال می‌کند چون جمع قیود متناظر با واحدهای هر گروه معادل قید آن گروه است، درواقع، مدل قیود قوی‌تری را اعمال کرده است، یعنی همه قیود مدل مضربی معمولی در مدل تلویحاً حضور دارند اما با جایگزین شدن قیود متناظر با واحدها، قوی‌تر شده‌اند.

$$\begin{aligned} & \text{Min} \sum_{p=1}^{q_k} S_k^p \\ & \sum_{i=1}^m v_i X_{ik} = 1 \\ & \sum_{r=1}^S \mu_r y_{rk}^p - \sum_{i=1}^m v_i x_{ik}^p + S_k^p = 0 \quad p = 1, \dots, q_k \\ & \sum_{r=1}^S \mu_r y_{rk}^p - \sum_{i=1}^m v_i x_{ik}^p + S_j^p = 0 \\ & p = 1, \dots, q_j, \quad j = 1, \dots, n, \quad j \neq k \end{aligned} \quad \text{رابطه ۷}$$

منظور از قوی‌تر در اینجا اعمال محدودیت بیش‌تر به مدل در حداکثرسازی کارایی گروه تحت ارزیابی است که از نظر محاسباتی به کمتر شدن کارایی محاسبه شده در این مدل نسبت مدل مضربی معمولی منجر می‌شود. به بیان دیگر، با جایگزین شدن قیدهای متناظر با واحدها مقدار ناکارایی بیش‌تری برای هر گروه محاسبه می‌شود و آن مقدار بیش‌تر به ناکارایی درونی گروه تعبیر می‌شود.

رتبه‌بندی واحدهای کارا

تخصیص بهترین وزن‌ها در عین حال که نقطه قوت تحلیل پوششی داده‌ها به شمار می‌رود و این امکان را فراهم می‌کند که مقایسه بدون دخالت قضاوت انسانی صورت گیرد، به دشواری تشخیصی منجر می‌شود. کارا شناخته شدن یک واحد می‌تواند ناشی از تخصیص بهترین وزن‌ها در ارزیابی آن واحد باشد و به معنی نبود تفاوت در عملکرد واحدهای کارا نیست.

رتبه‌بندی واحدهای کارا مجموعه تلاش‌هایی است که با هدف تشخیص تفاوت عملکرد واحدهای کارا صورت می‌پذیرد. آدلر، فریدمن و سینانی استرن (۲۰۰۲) در سال ۲۰۰۲ و جهانشاهلو، لطفی، صانعی و فلاح جلوه‌دار در سال ۲۰۰۸ مژو راجمعی از تلاش‌ها در این حوزه ارائه داده‌اند. از جمله این تلاش‌ها می‌توان به مدل اندرسون و پیترسون (۱۹۹۳) و روش هیبیکی و سیوشی (۱۹۹۹) معروف به مدل H.S. از روش‌های قدیمی و به روش رتبه‌بندی با استفاده از خطوط گرادیان (جهانشاهلو، صانعی، لطفی و شجاع، ۲۰۰۴) مدل رتبه‌بندی بر مبنای مرز کاملاً ناکارا (جهانشاهلو و افضل‌نژاد، ۲۰۰۶)، مدل ابرکارایی لی، جهانشاهلو و خدابخشی (۲۰۰۷) معروف به مدل LJK از روش‌های جدیدتر اشاره کرد. مدل ابرکارایی اندرسون - پیترسون که فاصله واحد کارای حذف شده از مجموعه امکان تا مرز کارا را مبنای رتبه‌بندی قرار می‌دهد، با مشکل مسائل نشدنی یا فاقد ناحیه جواب مواجه می‌شود. روش H.S که فاصله واحدهای ناکارا تا مرز جدید پس از حذف واحد کار را مبنای رتبه‌بندی قرار می‌دهد، نیازمند محاسبات بسیار است. مدل ابرکارایی LJK در شرایط خاصی نشدنی است و روش‌های مبتنی بر استفاده از خطوط گرادیان ساختار ریاضی نسبتاً پیچیده‌ای دارند و محاسبات سنگین انتگرال گیری در این روش‌ها ضرورت پیدا می‌کند. در این میان، مدل رتبه‌بندی بر مبنای مرز کاملاً ناکارا از این امتیاز برخوردار است که همواره شدنی بود، مستلزم محاسبات زیادی نیست و به علاوه از منطق شفاف و ساده‌ای برخوردار است. در این روش، فاصله واحد کارا تا مرز کاملاً ناکارا مبنای رتبه‌بندی قرار می‌گیرد. واحدی که از مرز کاملاً ناکارا دورتر باشد واحد کارای بهتری قلمداد می‌شود.

روش پژوهش (پیشنهاد دو مدل ریاضی)

ویرایش جدید مدل کائو

در مدل مضربی معمولی برای ارزیابی گروه‌ها، وقتی هر گروه یک واحد قلمداد می‌شود، هر قيد نامساوی متناظر با یک گروه است که بر اساس اصل شمول مشاهدات عضو مجموعه امکان تولید فرض شده‌اند. مشکل استفاده از مدل مضربی معمولی در ارزیابی گروه‌ها که بر اساس آن هر گروه یک واحد فرض می‌شود، عدم امکان محاسبه ناکارایی واحدها یا به بیان دیگر ناکارایی

دروني گروه هاست. روش کائو با مقایسه در سطح واحدها قادر به محاسبه ناکارایي واحدهاست، اما در این روش عملاً گروه به عنوان یک کل منسجم نادیده گرفته می شود. توضیح اینکه وضعیت یک گروه به عنوان یک کل در مقایسه با بقیه گروهها، الزاماً از وضعیت برآیند واحدهاي آن در مقایسه با بقیه واحدها تعیت نمی کند. چراکه کارایی مفهومی نسبی است و وقتی مقایسه بین گروهها انجام می شود گروههاي بهتر مرز مجموعه امكان تولید را می سازند، اما وقتی مقایسه بین واحدها انجام می شود این واحدهاي بهتر هستند که مرز مجموعه امكان تولید را می سازند و یک گروه می تواند هم واحدهاي بسیار خوب و هم واحدهاي بسیار بد داشته باشد. چنین گروهی ممکن است به سبب وجود واحدهاي بسیار بد در آن، برآیند کارایی ضعیفي نشان دهد حال آنکه وقتی به عنوان یک کل در نظر گرفته می شود، وجود یک یا چند واحد بسیار خوب که برای مثال ورودی کمی مصرف می کنند، ممکن است بتواند اثر واحدهاي بد که ورودی زیادي مصرف می کنند را خنثی کند، کلیت گروه را در مقایسه با بقیه گروهها در وضعیتی متوسط یا خوب قرار دهد. توضیح اینکه با پذیرش فرض کائو، هر ورودی یا خروجی گروه برابر مجموع همان ورودی یا خروجی واحدهاي آن است و زیاد بودن ورودی یک واحد با کم بودن همان ورودی در واحدی دیگر متعلق به گروه، قابل جبران است.

وقتی هدف ارزیابی گروه هاست، منطقی است که گروهها مقایسه شوند، اما فقط وقتی می توان ناکارایی درونی گروهها را در ارزیابی آنها دخالت داد که واحدها مقایسه شوند. در حالت اول، وقتی مجموعه امكان با شمول گروهها ساخته می شود، امكان محاسبه ناکارایی درونی واحدها فراهم نمی شود و در حالت دوم، وقتی مجموعه امكان تولید با شمول واحدها ساخته می شود، گروه به عنوان یک کل منسجم نادیده گرفته می شود.

مقایسه در مجموعه ای متفاوت از مجموعه امكان تولید گروهها و مجموعه امكان تولید واحدها به طوری که مطابق با هدف مقایسه، کلیت گروهها در ساختن مجموعه امكان تولید نقش خود را از دست ندهند و در عین حال، امكان شناسایی ناکارایی درونی واحدها فراهم شود با به کارگیری ویرایش جدیدی از مدل کائو حاصل می شود.

در این مدل، برخلاف ویرایش اصلی مدل کائو، قیود متناظر با واحدها فقط در مورد گروه تحت ارزیابی در مدل حاضر هستند و قیود متناظر با بقیه گروهها بسطنیافته در مدل قرار گرفته اند. به بیان دیگر، مجموعه امكان تولید در این مدل نه از شمول واحدها و نه تماماً از شمول گروهها، اما بیشتر از شمول گروهها ساخته شده است. اما چون مجموعه ای که تماماً از شمول گروهها ساخته شود قادر به محاسبه ناکارایی درونی گروهها نیست، در ساخت این مجموعه امكان به گروه تحت ارزیابی اجازه داده شده تا به جای کلیت خود با واحدهايش نمایندگی شود. این ویرایش به قرار زیر است:

$$\begin{aligned}
 & \text{Min} \sum_{p=1}^{q_k} S_k^p \\
 & \sum_{i=1}^m v_i X_{ik} = 1 \\
 & \sum_{r=1}^S \mu_r y_{rk}^p - \sum_{i=1}^m v_i x_{ik}^p + S_k^p = 0 \quad p = 1, \dots, q_k \\
 & \sum_{r=1}^S \mu_r Y_{rj} - \sum_{i=1}^m v_i X_{ij} + S_j = 0 \quad j = 1, \dots, n, j \neq k
 \end{aligned} \tag{رابطه ۸}$$

اگرچه با به کارگیری واحدهای گروه تحت ارزیابی به جای کلیت گروه در این مجموعه امکان هم عمالاً دیگر نمی‌توان مدعی شد که گروه‌ها با هم مقایسه می‌شوند، اما می‌توان مدعی شد شکل اولیه مقایسه گروه‌ها فقط به میزانی خدشه‌دار است که امکان محاسبه وضعیت درونی گروه تحت ارزیابی فراهم شود. به بیان دیگر، اگر مقصود گشودن جعبه سیاه بوده، تلاش برای گشودن جعبه در مدل کائو، به تخریب کامل جعبه و نادیده انگاشتن آن منجر می‌شود، اما در ویرایش جدید این مدل، این تخریب به حداقل کاهش می‌یابد. نتیجه محاسباتی مدل کائو که در آن قیدها متناظر با واحدها هستند، این است که وزن‌ها طوری اختصاص می‌یابند که نسبت موزون خروجی به ورودی برای هیچ واحدی از یک تجاوز نکند. حال آنکه هدف در اینجا مقایسه واحدها نیست و اعمال محدودیت بر تک‌تک واحدها، دستکم در مورد واحدهای متعلق به گروه‌های غیر تحت ارزیابی، به هیچ وجه ضروری نیست، زیرا در تحلیل پوششی داده‌ها برای ارزیابی هر گروه محاسبات مدل برای یافتن بهترین وزن‌ها تکرار می‌شود و این نسبت‌ها برای واحدهای متعلق به گروه‌های غیر تحت ارزیابی کارایی آن واحدها نیستند که ضرورتاً کمتر از واحد باشند. وقتی گروه‌ها مقایسه می‌شوند کافی است با اختصاص بهترین وزن‌ها برای حداقل کردن کارایی گروه تحت ارزیابی، کارایی هیچ گروهی از یک تجاوز نکند. ویرایش جدید مدل کائو از این ویژگی برخوردار است. در مورد مجموعه امکان ویرایش جدید که نه مجموعه امکان گروه‌هast و نه مجموعه امکان واحدها، این توضیح ضروری است که این مجموعه امکان درواقع تعدیلی از مجموعه امکان گروه‌هast که با اعطای امتیازی ویژه به گروه تحت ارزیابی ساخته شده است. امتیاز ویژه این است که این گروه با واحدهایش در مجموعه امکان تولید نمایندگی می‌شود. این امتیاز به این دلیل برای گروه تحت ارزیابی ویژه است که مجموعه امکان گروه‌ها از طریق واحدهای همان گروه تعدیل می‌شود و نه واحدهای متعلق به گروه‌های دیگر. توجه شود که به مانند مدل کائو در اینجا هم مجموع قبود متناظر با واحدهای گروه تحت

ارزیابی برابر است با قید متناظر با این گروه، بنابراین قید متناظر با گروه تحت ارزیابی تلویحاً در مدل حضور دارد و تعديلی که بر اثر بسط این قید و ایجاد تناظر با واحدها در مجموعه امکان ایجاد می‌شود درواقع، فقط بهمنظور دور کردن ابرصفحه‌های تصویرشونده و محاسبه مقدار ناکارایی بیشتر ممکن است. وقتی فقط به گروه تحت ارزیابی این امتیاز ویژه داده می‌شود که با واحدهایش نمایندگی شود، درواقع میزان ناکارایی بیشتر محاسبه شده برای گروه تحت ارزیابی فقط از وضعیت واحدهای همان گروه ناشی می‌شود و واحدهای متعلق به گروههای دیگر در ارزیابی گروه تحت ارزیابی دخالتی ندارند.

از نظر محاسباتی، ازآنجاکه در ویرایش جدید مدل کائو فقط قید متناظر با گروه تحت ارزیابی بسط پیدا می‌کند، هر چند مدل در مقایسه با مدل تحلیل پوششی معمولی مقادیر کارایی کوچک‌تر و مقادیر ناکارایی بزرگ‌تری حساب می‌کند، در مقایسه با ویرایش اصلی مدل کائو مقادیر کارایی بزرگ‌تر یا مقادیر ناکارایی کوچک‌تری محاسبه می‌کند. محاسبه مقادیر کارایی کوچک‌تر در مقایسه با مدل تحلیل پوششی داده‌های معمولی را همانند مدل کائو می‌توان به محاسبه ناکارایی درونی گروه‌ها نسبت داد، اما محاسبه مقادیر کارایی بزرگ‌تر در مقایسه با مدل کائو به مفهوم آن است که ویرایش جدید مدل کائو در تخصیص بهترین وزن‌ها بهمنظور حداکثر کردن کارایی آزادتر عمل می‌کند. ازآنجاکه در تحلیل پوششی داده‌ها ارزیابی واحد در بهترین شرایط و به بیان دیگر تخصیص بهترین وزن‌ها در ارزیابی یک واحد، نقطه قوت قلمداد می‌شود، در ارزیابی گروه‌ها نیز عملکرد آزادتر ویرایش جدید مدل و تخصیص وزن‌های بهتر را می‌توان نقطه قوت قلمداد کرد. اما این نقطه قوت، مدل را بیشتر در معرض نقطه ضعف تحلیل پوششی داده‌ها قرار می‌دهد. نقطه ضعف تحلیل پوششی داده‌ها ناتوانی آن در تمایز بین واحدهای کاراست. در مورد ویرایش اصلی و جدید مدل کائو هم ازآنجاکه قاعده همچنان تخصیص بهترین وزن‌هاست، تضمینی وجود ندارد که این مدل‌ها به تشخیص کارا بودن چند گروه متفاوت منجر نشوند، اما در ویرایش جدید، ازآنجاکه مدل در تخصیص بهترین وزن‌ها آزادتر عمل می‌کند و مقادیر کارایی بزرگ‌تری محاسبه می‌شود مواجهه با این مشکل محتمل‌تر است. بنابراین، ارائه مدل رتبه‌بندی گروه‌های کارا برمنای ویرایش جدید مدل کائو مفید است. در زیر بخش بعد برخی تلاش‌ها در رتبه‌بندی واحدهای کارا مرور اجمالی شده‌اند تا مدلی مبنا برای رتبه‌بندی گروه‌های کارا مشخص شود.

مدل رتبه‌بندی گروه‌های کارا

به دلیل تفاوت شکلی مدل کائو و شکل اصلاح شده آن با مدل مرسوم تحلیل پوششی داده‌ها عملاً امکان به کارگیری اغلب روش‌های رتبه‌بندی بدون تعديلات جدی منتفی است. اما مدل

مرزهای کاملاً ناکارا علاوه بر امتیازهای ذکر شده از این امتیاز برخوردار است که به سادگی روی ویرایش جدید مدل کائو قابل استفاده است. البته این سادگی به مفهوم وجود سابقهٔ چنین کاربردی نیست و مرور ادبیات موضوع هیچ نشانه‌ای از تلاش برای رتبه‌بندی در مدل‌های شبکه‌ای به دست نمی‌دهد. در اینجا به اختصار به کاربرد روش روی مدل ضربی معمولی اشاره و کاربرد آن در ویرایش جدید مدل کائو تشریح می‌شود.

مدل ضربی معمولی را می‌توان با جابه‌جا کردن ورودی‌ها و خروجی‌ها و تغییر ماهیت مدل، به مدل رتبه‌بندی واحدهای کارا بر مبنای مرز کاملاً ناکارا تبدیل کرد. توضیح اینکه با جابه‌جا شدن ورودی‌ها و خروجی‌ها مدل معکوس عمل می‌کند به واحدهای نزدیک‌تر به مرز کاملاً ناکارا یعنی واحدهایی با کمترین خروجی و بیشترین ورودی، امتیاز بهتری می‌دهد. به‌منظور رتبه‌بندی واحدهای کارا کافی است واحدی با بدترین نمره در این مدل، واحد کاراتر قلمداد شود. به‌منظور کاربرد مدل روی ویرایش جدید مدل کائو کافی است ابتدا هر گروه یک واحد فرض شود و ورودی‌ها و خروجی‌ها در مدل ضربی معمولی جابه‌جا و مدل در ماهیت مقابله نوشته شود. همچنین، به‌منظور تبدیل‌های بعدی قید متناظر با گروه تحت ارزیابی جدا و قیود نامساوی با اضافه شدن متغیرهای کمکی به صورت تساوی نوشته می‌شوند:

$$\begin{aligned} \text{Min} & \sum_{r=1}^S v_i X_{ik} \\ \sum_{i=1}^m u_r Y_{rk} & = 1 \\ \sum_{r=1}^S \mu_r Y_{rk} - \sum_{i=1}^m v_i X_{ik} + S_k & = 0 \\ \sum_{r=1}^S \mu_r Y_{rj} - \sum_{i=1}^m v_i X_{ij} + S_j & = 0 \end{aligned} \quad \text{رابطه (۹)}$$

مدل مرزهای کاملاً ناکارا برخلاف مدل معمولی که واحدها را بر مرز کارا تصویر می‌کند و فاصلهٔ تا ابرصفحه‌های تصویرشونده بر مرز کارا را به دست می‌دهد، واحدها را بر مرز کاملاً ناکارا تصویر می‌کند و فاصلهٔ تا ابرصفحه‌های تصویرشونده بر این مرز را به دست می‌دهد. بر همین اساس، بدتر بودن وضعیت واحد در این مدل به مفهوم دورتر بودن آن از مرز کاملاً ناکارا یا بهتر بودن واحد است. توجه شود که این مدل در ماهیت خروجی نوشته شده و بدتر بودن وضعیت واحد در این مدل با بیشتر بودن مقدار تابع هدف مشخص می‌شود. توضیح اینکه در حالت معمول مقدار تابع هدف در مدلی که در ماهیت خروجی نوشته شده همواره بزرگ‌تر از یک است

و به تابع هدف مدل به ازای واحدهایی بدتر که خروجی کمتری دارند، مقدار بیشتری اختصاص می‌یابد. در اینجا، چون ورودی‌ها و خروجی‌ها جایه‌جا شده‌اند، به واحدهایی با ورودی کمتر که واحدهای بهتری هستند نمره بیشتری اختصاص می‌یابد. با جایگذاری قید اول رابطه ۹ در قید متناظر با گروه تحت ارزیابی معادل تابع هدف برحسب متغیر کمکی نظیر گروه تحت ارزیابی حاصل می‌شود. یعنی:

$$1 - \sum_{i=1}^m v_i X_{ik} + S_k = 0 \Rightarrow \sum_{i=1}^m v_i X_{ik} = 1 + S_k \quad \text{رابطه (10)}$$

بنابراین، تابع هدف برابر است با $1 + S_k$. از آنجاکه مقدار تابع هدف به منظور مقایسه گروه‌های کارا به کار می‌رود، ثابت یک را می‌توان نادیده گرفت و تابع هدف را معادل $\text{Min } S_k$ دانست. معادل بودن در اینجا به این مفهوم است که ترتیب مقادیر هر دو عبارت یکسان است. با قرار دادن قیود متناظر با واحدهای گروه تحت ارزیابی به جای قید متناظر با آن گروه همانند آنچه در ویرایش جدید مدل کائو انجام شده، مدل رتبه‌بندی بر مبنای مرز کاملاً ناکارا به قرار زیر حاصل می‌شود:

$$\begin{aligned} & \text{Min} \sum_{p=1}^{q_k} S_k^p \\ & \sum_{i=1}^m u_r Y_{rk} = 1 \\ & \sum_{r=1}^S \mu_r y_{rk}^p - \sum_{i=1}^m v_i x_{ik}^p + S_k^p = 0 \quad p = 1, \dots, q_k \\ & \sum_{r=1}^S \mu_r Y_{rj} - \sum_{i=1}^m v_i X_{ij} + S_j = 0 \quad j = 1, \dots, n, j \neq k \end{aligned} \quad \text{رابطه (11)}$$

همان‌طور که گفته شد مقدار تابع هدف در این مدل هر چه بزرگ‌تر باشد به مفهوم دورتر بودن واحدهای گروه تحت ارزیابی از مرز کاملاً ناکارا و به عبارتی بهتر بودن آن‌هاست.

یافته‌های پژوهش (نتایج مدل‌ها)

در این تحقیق، مدل مضری معمولی، ویرایش اصلی مدل کائو و ویرایش جدید مدل کائو روی داده‌های ۴۰ سرپرستی بانک ملت در کل شامل ۱۷۹۳ شعبه با ۳ ورودی و ۴ خروجی اجرا شد. ورودی‌ها عبارت بودند از هزینه پرسنلی، سود پرداختی و مانده تسهیلات و خروجی‌ها عبارت بودند از درآمد مشاع، درآمد غیرمشاع، جمع سپرده و تسهیلات. نتایج در جدول ۱ ارائه شده است:

جدول ۱. نتایج کارایی سرپرستی‌ها شامل کارایی در مدل مضری، مدل کائو و مدل پیشنهادی

سرپرستی	مدل معمولی	مدل کائو	مدل معمولی	سرپرستی	مدل پیشنهادی	مدل کائو	مدل معمولی	سرپرستی
S۱	۱	۰/۴۸	۰/۷۷	S۲۱	۱	۰/۶۱	۰/۹۰	S۲
۰/۷۳	۰/۲۰	۰/۹۰	۰/۶۳	S۲۲	۰/۶۲	۰/۱۶	۱	S۲
۰/۶۳	۰/۱۱	۰/۶۷	۰/۵۳	S۲۳	۰/۵۸	۰/۱۸	۰/۹۴	S۴
۰/۵۳	۰/۱۴	۱	۰/۵۳	S۲۴	۰/۶۱	۰/۲۹	۱	S۵
۰/۵۳	۰/۱۳	۰/۷۵	۰/۴۵	S۲۵	۰/۵۱	۰/۳۵	۱	S۶
۰/۴۵	۰/۱۷	۱	۰/۷۲	S۲۶	۰/۵۳	۰/۲۸	۱	S۷
۰/۷۲	۰/۲۳	۱	۰/۶۲	S۲۷	۰/۸۳	۰/۱۸	۰/۸۴	S۸
۰/۶۴	۰/۱۵	۱	۰/۶۴	S۲۸	۱	۰/۸۹	۱	S۹
۰/۵۲	۰/۱۳	۰/۷۱	۰/۵۲	S۲۹	۰/۶۳	۰/۱۵	۰/۷۹	S۱۰
۰/۵۴	۰/۲۹	۱	۰/۶۳	S۳۱	۰/۵۲	۰/۱۵	۱	S۱۱
۰/۶۳	۰/۲۱	۱	۰/۵۶	S۳۲	۰/۵۰	۰/۲۳	۱	S۱۲
۰/۵۶	۰/۱۷	۰/۸۱	۰/۶۸	S۳۳	۰/۴۳	۰/۲۴	۰/۸۵	S۱۳
۰/۶۸	۰/۱۵	۱	۰/۵۶	S۳۴	۰/۷۹	۰/۱۲	۱	S۱۴
۰/۵۶	۰/۱۹	۰/۸۲	۰/۵۳	S۳۵	۰/۵۲	۰/۱۳	۱	S۱۵
۰/۵۳	۰/۱۳	۱	۰/۷۰	S۳۶	۰/۷۴	۰/۱۵	۰/۸۵	S۱۶
۰/۷۰	۰/۱۷	۱	۰/۶۹	S۳۷	۰/۷۱	۰/۱۵	۱	S۱۷
۰/۶۹	۰/۲۴	۱	۰/۵۴	S۳۸	۰/۵۸	۰/۱۶	۰/۸۹	S۱۸
۰/۵۴	۰/۱۷	۱	۰/۹۸	S۳۹	۰/۷۱	۰/۲۵	۱	S۱۹
۰/۹۸	۰/۹۰	۱	۰/۹۰	S۴۰	۰/۵۰	۰/۱۴	۰/۸۲	S۲۰

مالحظه می‌شود که ویرایش اصلی مدل کائو نسبت به مدل تحلیل پوششی داده‌ای معمولی همواره مقادیر کارایی کوچک‌تری محاسبه می‌کند. مقادیر کارایی کمتر یا به بیان دیگر مقادیر ناکارایی بیشتر در این مدل که به ناکارایی درونی گروه تعبیر می‌شود، ناشی از تبدیل قیود متناظر با گروه‌ها به قیود متناظر با واحدهای است. نکته مورد انتقاد این است که قرار گرفتن تمام قیود متناظر با واحدهای به جای قیود متناظر با گروه‌ها، به متنزله مقایسه در مجموعه امکانی متشکل از واحدهای است که موضوع مقایسه نیستند و به این ترتیب کلیت گروه‌ها که موضوع مقایسه هستند نادیده گرفته می‌شود. در تحلیل پوششی داده‌ها واحد تحت ارزیابی با تخصیص بهترین وزن‌ها یا به بیان دیگر در بهترین شرایط ارزیابی می‌شوند. بحث در این است که اگر به منظور محاسبه ناکارایی درونی گروه تحت ارزیابی ناگزیر باید واحدهای درونی را در ساخت مجموعه امکان مشارکت داد، امتیاز اینکه گروهی با واحدهایش نمایندگی شود را می‌توان فقط

به گروه تحت ارزیابی اعطا نمود. به این ترتیب، هم امکان محاسبه ناکارایی درونی فراهم می‌شود، هم مقایسه به طور کامل بر مبنای واحدها که موضوع مقایسه نیستند انجام نمی‌شود. به علاوه، اینکه اعطای امتیاز ویژه به گروه تحت ارزیابی با رویکرد ارزیابی در بهترین شرایط سازگار است. نتیجه محاسباتی همان‌طور که ملاحظه می‌شود آزادی بیشتر مدل در تخصیص بهتر وزن‌ها یا به بیان دیگر تخصیص بهتر وزن‌ها و محاسبه مقادیر کارایی بزرگ‌تر در مدل پیشنهادی است.

ملاحظه می‌شود که مدل پیشنهادی یا همان ویرایش جدید مدل کائو به تخصیص کارایی یک به چندین سرپرستی از سرپرستی‌های بانک ملت منجر شده است. نتایج مدل رتبه‌بندی گروه‌های کارا در جدول ۲ ارائه شده است. ملاحظه می‌شود کاهش قدرت تشخیص در ویرایش جدید مدل کائو نسبت به ویرایش اصلی آن با به کارگیری این روش رتبه‌بندی قابل جردن است.

جدول ۲. رتبه‌بندی سرپرست‌های کارا در مدل پیشنهادی بر اساس مدل موز کاملاً ناکارا

سرپرستی	S۴۰	S۳۹	S۳۶	S۳۲	S۳۰	S۹	S۷
نمره	۰/۹۸	۰/۶۱	۰/۱۱	۰/۶۴	۰/۴۷	۱	۰/۴۹
رتبه	۲	۴	۷	۳	۶	۱	۵

نتیجه‌گیری و پیشنهادها

مسئله مقایسه چندین گروه از واحدهای تصمیم‌گیرنده که به ویژه به دلیل ساختار ترکیبی مالکیت دولتی و خصوصی مجموعه‌های بانکی در ایران، مورد علاقه محققان بوده است قابل تطبیق با ویژگی‌های حالت خاصی از تحلیل پوششی شبکه‌ای است. در میان تجارب موجود مدل سیستم‌های موازی کائو مناسب به کارگیری در این حالت خاص است. اما این مدل، از آنجاکه مقایسه گروه‌ها را از طریق مقایسه واحدها انجام می‌دهد، درواقع به نادیده گرفتن کلیت گروه‌ها و محاسبه نوعی برآیند وضعیت واحدهای گروه تحت ارزیابی در مقایسه با واحدهای دیگر منجر می‌شود. ویرایش جدیدی از مدل کائو که در این تحقیق بررسی شد، می‌تواند مقایسه را در مجموعه امکانی متفاوت با مجموعه امکان واحدها انجام دهد. این مجموعه امکان برخلاف مجموعه امکان ویرایش اصلی که در آن کلیت همه گروه‌ها نادیده گرفته می‌شود، فقط کلیت گروه تحت ارزیابی را خدشه‌دار می‌کنند. خدشه‌دار شدن کلیت گروه تحت ارزیابی به منظور محاسبه ناکارایی ساختار درونی آن اجتناب‌ناپذیر است. اما ساختن مجموعه امکان جدید را در مقایسه با مجموعه امکان گروه‌ها می‌توان به اعطای نوعی امتیاز ویژه به گروه تحت ارزیابی تعبیر کرد. اعطای امتیاز ویژه به گروه تحت ارزیابی با قاعدة ارزیابی در بهترین شرایط سازگار است. بر مبنای این امتیاز ویژه به گروه تحت ارزیابی و تنها گروه تحت ارزیابی اجازه داده می‌شود

تا در مجموعه امکان گروه‌ها با واحدهای نمایندگی شود. به این ترتیب، مجموعه امکان گروه‌ها به منظور محاسبه ناکارایی بیشتر برای گروه تحت ارزیابی تعديل می‌شود، اما این تعديل فقط ناشی از وضعیت واحدهای گروه تحت ارزیابی است و برخلاف ویرایش اصلی مدل کائو وجود واحدهای خوب در بقیه گروه‌ها نمی‌تواند در ارزیابی گروه مورد نظر تأثیرگذار باشد. نتیجه محاسباتی این روش تخصیص بهتر وزن‌ها و محاسبه کارایی‌های بزرگ‌تر است. به همین سبب این ویرایش بیشتر مستعد مواجهه با مسئله رتبه‌بندی گروه‌های کاراست. مدل رتبه‌بندی گروه‌های کارا که در مقاله ارائه شده است، ویرایشی از مدل رتبه‌بندی بر مبنای مرز کاملاً ناکاراست که روی ویرایش جدید مدل کائو قابل استفاده است. نتیجه اینکه استفاده از ویرایش جدید مدل کائو اگر به واسطه تخصیص بهتر وزن‌ها و محاسبه مقادیر کارایی بزرگ‌تر، به تشخیص چند گروه کارا منجر شود، مدل به راحتی با روش رتبه‌بندی گروه‌های کارا بر مبنای مرز کاملاً ناکارا قابل پشتیبانی است.

سپاسگزاری

از مدیریت و کارکنان مرکز تحقیقات و برنامه‌ریزی بانک ملت که داده‌های مربوط به شعب و سرپرستی‌های این بانک را در اختیار ما قرار دادند سپاسگزاریم.

منابع

- امیری، ه. و رئیس صفری، م. (۱۳۸۴). بررسی کارایی بانک‌های تجاری در ایران و عوامل نهادی مؤثر بر آن، *جستارهای اقتصادی*، ۲ (۳): ۱۴۲-۹۷.
- حجازی، ر.; انواری رستمی، ع. و مقدسی، م. (۱۳۸۷). تحلیل بهره‌وری کل بانک توسعه صادرات ایران و رشد بهره‌وری شعب آن با استفاده از تحلیل پوششی داده‌ها (DEA)، *مدیریت صنعتی*، ۱ (۱): ۵۰-۳۹.
- حسین‌زاده بحرینی، م. ح.; ناجی میدانی، ع. الف. و چمانه‌گیر، ف. (۱۳۸۷). مقایسه کارایی اقتصادی بانک‌های خصوصی و دولتی در ایران با استفاده از تحلیل پوششی (فراگیر) داده‌ها (DEA)، *دانش و توسعه*، ۱۵ (۲۵): ۳۰-۱.
- حسین‌زاده لطفی، ف.; دیواندری، ع.; جهانشاهلو، غ. ر.; نیکومرام، ه. و برندی طالقانی، و. (۱۳۸۵). ارزیابی سرپرستی‌های بانک ملت ایران در مقاطع زمانی مختلف، کاربردی از تحلیل پوششی داده‌ها، *ریاضیات کاربردی*، ۳ (۸): ۸-۱.
- خزائی، م. و ایزدبخش، ح. (۱۳۸۸). رتبه‌بندی کامل واحدهای تصمیم‌گیرنده با ترکیب DEA چند هدفه و PCA، *مدیریت صنعتی*، ۱ (۲): ۷۰-۵۵.

عالیمتبیریز الف؛ رجبیبور مبیدی، ع. و زارعیان، م. (۱۳۸۸). بررسی کارکرد تکنیک تاپسیس فازی در بهبود سنجش کارایی شعب بانک‌ها با استفاده از تکنیک DEA، *مدیریت صنعتی*، ۱(۳): ۹۹-۱۱۸.

نمایزی م. و ابراهیمی، ش. (۱۳۸۹). بررسی کارایی بانک‌های ایران با استفاده از تکنیک DEA به روش پله‌ای، *مدیریت صنعتی*، ۲(۵): ۱۷۴-۱۵۹.

Adler, N. & Friedman, L. & Sinuany-Stern, Z. (2002). Review of ranking methods in the data envelopment analysis context, *European Journal of Operational Research*, 140(2): 249-265.

Andersen, P. & Petersen, NC. (1993). A procedure for ranking efficient units in data envelopment analysis, *Management science*, 39(10): 1261-1264.

Cooper, W.W. & Seiford, L.M. & Tone, K. (2006). Data envelopment analysis: a comprehensive text with models, applications, references and DEA-solver software: Springer.

Fare, R. & Grosskopf, S. (2000). Network DEA, *Socio-economic planning sciences*, 34(1): 35-49.

Jahanshahloo, G.R. & Afzalinejad, M. (2006). A ranking method based on a full-inefficient frontier, *Applied mathematical modelling*, 30(3): 248-260.

Jahanshahloo, G.R. & Lotfi, F.H. & Sanei, M. & Fallah Jelodar, M. (2008). Review of Ranking Models in Data Envelopment Analysis, *Applied Mathematical Sciences*, 2(29): 1431-1448.

Jahanshahloo, G.R. & Sanei M. Lotfi, F.H. & Shoja, N. (2004). Using the gradient line for ranking DMUs in DEA, *Applied Mathematics and Computation*, 151(1): 201-219.

Hibiki, N. & Sueyoshi, T. (1999). DEA sensitivity analysis by changing a reference set: regional contribution to Japanese industrial development, *Omega*, 27(2): 139-153.

Kao, C. (2009a). Efficiency decomposition in network data envelopment analysis: A relational model, *European Journal of Operational Research*, 192 (3): 949-962.

Kao, C. (2009b). Efficiency measurement for parallel production systems, *European Journal of Operational Research*, 196(3): 1107-1112.

Lewis, H.F., Sexton, T.R. (2004). Network DEA: Efficiency analysis of organizations with complex internal structure, *Computers & Operations Research*, 31(9): 1365-1410.

Li, S. & Jahanshahloo, G.R. & Khodabakhshi, M. (2007). A super-efficiency model for ranking efficient units in data envelopment analysis, *Applied Mathematics and Computation*, 184(2): 638-648.

Tone, K. & Tsutsui, M. (2009). Network DEA: a slacks-based measure approach, *European Journal of Operational Research*, 197(1): 243-252.